

七年级数学作业反馈

一、选择（每题 3 分，共 30 分）

1. 下列运算正确的是（ ）

A. $x^6 \div x^2 = x^3$

B. $(-2x)^3 = -6x^3$

C. $(-x^2)^3 = x^6$

D. $3x^2 \cdot 2x = 6x^3$

【答案】D

【解析】

【分析】根据同底数幂的除法法则，幂的乘方法则，积的乘方法则，同底数幂的乘法法则，逐一判断各选项即可.

【详解】解：A、 $x^6 \div x^2 = x^4$ ，原计算错误，该选项不符合题意；

B、 $(-2x)^3 = -8x^3$ ，原计算错误，该选项不符合题意；

C、 $(-x^2)^3 = -x^6$ ，原计算错误，该选项不符合题意；

D、 $3x^2 \cdot 2x = 6x^3$ ，原计算正确，该选项符合题意；

故选：D.

【点睛】本题主要考查整式的运算，掌握同底数幂的乘除法法则，幂的乘方法则，积的乘方法则，单项式乘单项式法则是解题的关键.

2. 下列长度的三条线段能组成三角形的是（ ）

A. 3 4 8

B. 4 4 10

C. 5 6 10

D. 5 6 11

【答案】C

【解析】

【分析】根据三角形的任意两边之和大于第三边对各选项分析判断求解即可.

【详解】解：A. $\because 3+4 < 8$,

$\therefore$ 不能组成三角形，故本选项不符合题意；

B. $\because 4+4 < 10$,

$\therefore$ 不能组成三角形，故本选项不符合题意；

C. $\because 5+6 > 10$,

$\therefore$ 能组成三角形，故本选项符合题意；

D. $\because 5+6=11$,

∴不能组成三角形，故本选项不符合题意；

故选：C.

【点睛】本题考查了三角形的三边关系，熟记三角形的任意两边之和大于第三边是解决问题的关键.

3. 下列各度数不是多边形的内角和的是 ()

- A. 900° B. 540° C. 1700° D. 1080°

【答案】C

【解析】

【分析】利用多边形内角和公式 $180^\circ(n-2)$ 可知，已知多边形的内角和度数，可以求出 n ，且 n 应该是正整数.

【详解】解：已知多边形内角和，可以利用 $180^\circ(n-2)$ 求出 n ,

A、当 $180^\circ(n-2)=900^\circ$ 时， $n=7$ ，是正整数，∴ 900° 是多边形的内角和，故不符合题意；

B、当 $180^\circ(n-2)=540^\circ$ 时， $n=5$ ，是正整数，∴ 540° 是多边形的内角和，故不符合题意；

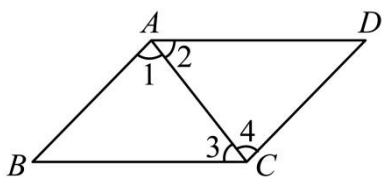
C、当 $180^\circ(n-2)=1700^\circ$ 时， $n=2+\frac{85}{9}$ ，不是正整数，∴ 1700° 不是多边形的内角和，故符合题意；

D、当 $180^\circ(n-2)=1080^\circ$ 时， $n=8$ ，是正整数，∴ 1080° 是多边形的内角和，故不符合题意；

故选：C.

【点睛】本题考查多边形内角和定理，已知内角和度数，利用多边形内角和公式可以求出多边形的边数 n 为多少，通过判定 n 是否为正整数，可知度数是否是多边形内角和.

4. 如图，下列条件中能判断 $AD \parallel BC$ 是 ()



- A. $\angle 1 = \angle 2$ B. $\angle 1 = \angle 4$ C. $\angle 2 = \angle 3$ D. $\angle B = \angle D$

【答案】C

【解析】

【分析】本题考查了平行线的判定，熟练掌握平行线的判定是解题的关键.

根据平行线的判定定理求解作答即可.

【详解】解：A 中 $\angle 1 = \angle 2$ 不能判断 $AD \parallel BC$ ，故不符合要求；

B 中 $\angle 1 = \angle 4$ 可得 $AB \parallel CD$ ，不能判断 $AD \parallel BC$ ，故不符合要求；

C 中 $\angle 2 = \angle 3$ 能判断 $AD \parallel BC$ ，故符合要求；

D 中 $\angle B = \angle D$ 不能判断 $AD \parallel BC$ ，故不符合要求；

故选：C.

5. 若 $\triangle ABC$ 三个角的大小满足条件 $\angle A : \angle B : \angle C = 1 : 3 : 4$ ，则 $\angle B$ 的大小为 ()

- A. 22.5° B. 45° C. 67.5° D. 90°

【答案】C

【解析】

【分析】此题考查了三角形内角和定理和一元一次方程的应用，根据题意设 $\angle A = x, \angle B = 3x, \angle C = 4x$ ，由三角形内角和定理得到 $\angle A + \angle B + \angle C = x + 3x + 4x = 8x = 180^\circ$ ，求出 x 的值，即可得到 $\angle B$ 的大小.

【详解】解： $\because \angle A : \angle B : \angle C = 1 : 3 : 4$ ，

$\therefore$ 可设 $\angle A = x, \angle B = 3x, \angle C = 4x$ ，

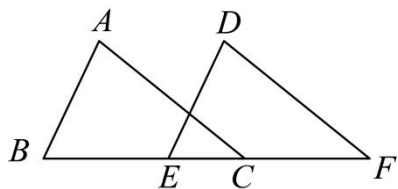
$\because \angle A + \angle B + \angle C = x + 3x + 4x = 8x = 180^\circ$ ，

解得 $x = 22.5^\circ$ ，

$\therefore \angle B = 3x = 67.5^\circ$

故选：C.

6. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $BC = 5$ ， $\angle A = 70^\circ$ ， $\angle B = 75^\circ$ ，把 $\triangle ABC$ 沿直线 BC 的方向平移到 $\triangle DEF$ 的位置. 若 $CF = 3$ ，则下列结论中错误的是 ()



- A. $BE = 3$ B. $\angle F = 35^\circ$ C. $AB \parallel DE$ D. $DF = 5$

【答案】D

【解析】

【分析】根据平移的性质，平移只改变图形的位置，不改变图形的大小与形状，平移后对应点的连线互相平行，对各选项分析判断后利用排除法.

【详解】解： $\because$ 把 $\triangle ABC$ 沿 BC 的方向平移到 $\triangle DEF$ 的位置， $BC = 5$ ， $\angle A = 70^\circ$ ， $\angle B = 75^\circ$ ，

$\therefore EF = BC = 5$ ， $\angle F = \angle ACB$ ， $AB \parallel DE$ ， $DF = AC$ ， $BE = CF$ ，

$\because CF = 3$ ， $\angle ACB = 180^\circ - 70^\circ - 75^\circ = 35^\circ$ ，

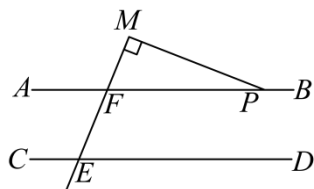
$\therefore BE = 3$ ， $\angle F = 35^\circ$ ，

∴ A、B、C 结论正确，D 结论错误.

故选：D.

【点睛】本题考查了平移的性质，熟练掌握平移性质是解题的关键.

7. 如图，直线 $AB \parallel CD$ ， $\angle M = 90^\circ$ ， $\angle MPA = 32^\circ$ ，则 $\angle MEC$ 的度数是（ ）



- A. 58° B. 112° C. 122° D. 148°

【答案】C

【解析】

【分析】本题考查了三角形外角的性质，平行线的性质. 熟练掌握三角形外角的性质，平行线的性质是解题的关键.

由题意知， $\angle MFA = \angle M + \angle MPA$ ，由 $AB \parallel CD$ ，可得 $\angle MEC = \angle MFA$ ，然后求解作答即可.

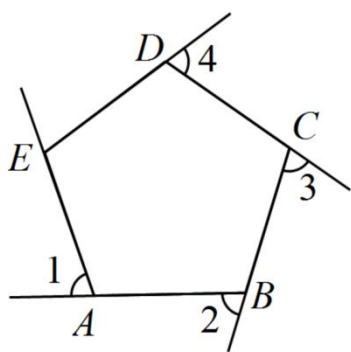
【详解】解：由题意知， $\angle MFA = \angle M + \angle MPA = 122^\circ$ ，

∵ $AB \parallel CD$ ，

∴ $\angle MEC = \angle MFA = 122^\circ$ ，

故选：C.

8. 如图， $\angle 1$ ， $\angle 2$ ， $\angle 3$ ， $\angle 4$ 是五边形 $ABCDE$ 的外角，且 $\angle 1 = \angle 2 = \angle 3 = \angle 4 = 70^\circ$ ，则 $\angle AED$ 的度数是（ ）



- A. 80° B. 100° C. 108° D. 110°

【答案】B

【解析】

【分析】根据多边形的外角和定理即可求得与 $\angle AED$ 相邻的外角，从而得解.

【详解】解：根据多边形的外角和定理得到：

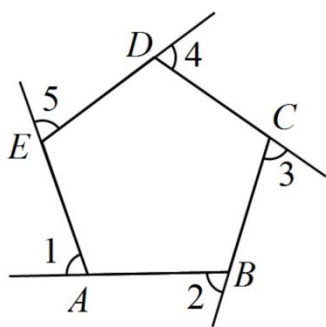
$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5 = 360^\circ,$$

$$\because \angle 1 = \angle 2 = \angle 3 = \angle 4 = 70^\circ,$$

$$\therefore \angle 5 = 360^\circ - 4 \times 70^\circ = 80^\circ,$$

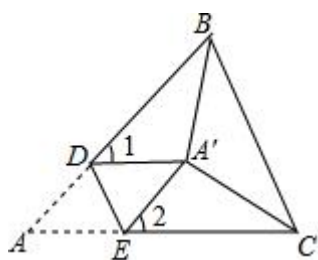
$$\therefore \angle AED = 180^\circ - \angle 5 = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ,$$

故选：B.



【点睛】本题考查多边形的外角和定理，任何多边形的外角和是 360° . 属于基础题，比较简单.

9. 如图，将 $\triangle ABC$ 纸片沿 DE 折叠，使点 A 落在点 A' 处，且 $A'B$ 平分 $\angle ABC$ ， $A'C$ 平分 $\angle ACB$. 若 $\angle BA'C = 110^\circ$ ，则 $\angle 1 + \angle 2$ 的度数为 ()



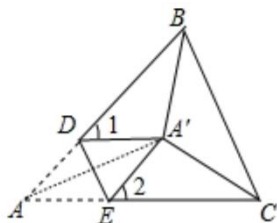
- A. 80° B. 90° C. 100° D. 110°

【答案】A

【解析】

【分析】连接 AA' ，首先求出 $\angle BAC$ ，再证明 $\angle 1 + \angle 2 = 2\angle BAC$ 即可解决问题.

【详解】解：连接 AA' ，如图：



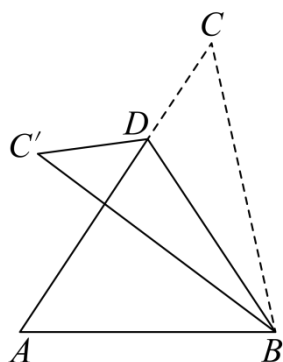
$$\because A'B \text{ 平分 } \angle ABC, A'C \text{ 平分 } \angle ACB, \angle BA'C = 110^\circ,$$

$$\begin{aligned}
&\therefore \angle A'CB + \angle A'BC = 70^\circ, \\
&\therefore \angle ACB + \angle ABC = 140^\circ, \\
&\therefore \angle BAC = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ, \\
&\therefore \angle 1 = \angle DAA' + \angle DA'A, \quad \angle 2 = \angle EAA' + \angle EA'A, \\
&\because \angle DAA' = \angle DA'A, \quad \angle EAA' = \angle EA'A, \\
&\therefore \angle 1 + \angle 2 = 2(\angle DAA' + \angle EAA') = 2\angle BAC = 80^\circ.
\end{aligned}$$

故选：A

【点睛】本题考查三角形的内角和定理、角平分线的定义、三角形的外角的性质等知识，解题的关键是学会添加常用辅助线，灵活运用所学知识.

10. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle A = 56^\circ$ ， $\angle C = 46^\circ$ ， D 是线段 AC 上一个动点，连接 BD ，把 $\triangle BCD$ 沿 BD 折叠，点 C 落在同一平面内的点 C' 处，当 $C'D$ 平行于 $\triangle ABC$ 的边时， $\angle CDB$ 的大小为（ ）.



- A. 118° 或 67° B. 118° C. 65° D. 118° 或 65°

【答案】A

【解析】

【分析】本题考查了平行线的性质，折叠的性质，分类讨论是解题的关键.

由题意知，分当 $C'D \parallel AB$ 时，当 $C'D \parallel BC$ 时两种情况，根据平行线的性质，折叠的性质计算求解即可.

【详解】解：当 $C'D \parallel AB$ 时，如图 1，

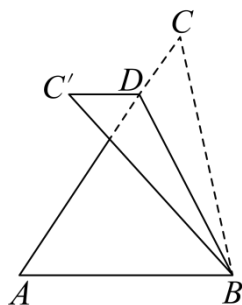


图1

$$\therefore \angle C'DA = \angle A = 56^\circ,$$

$$\therefore \angle C'DC = 180^\circ - \angle C'DA = 124^\circ,$$

$$\text{由折叠的性质可得, } \angle CDB = \angle C'DB = \frac{360^\circ - \angle C'DC}{2} = 118^\circ;$$

当 $C'D \parallel BC$ 时, 如图 2,

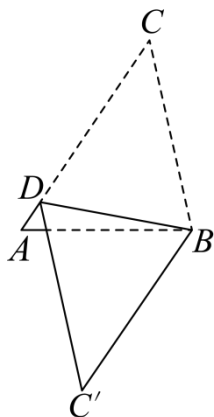


图2

$$\therefore \angle C'DA = \angle C = 46^\circ,$$

$$\text{由折叠的性质可得, } \angle CDB = \angle C'DB = \frac{180^\circ - \angle C'DA}{2} = 67^\circ;$$

$\because D$ 在 AC 上,

$\therefore$ 不存在 $C'D$ 与 AC 平行的情况;

综上所述, $\angle CDB = 118^\circ$ 或 $\angle CDB = 67^\circ$,

故选: A.

二、填空 (每题 2 分, 共 16 分)

11. 成人每天维生素 D 的摄入量约为 0.0000046 克. 数据 “0.0000046” 用科学记数法表示为_____.

【答案】 4.6×10^{-6}

【解析】

【分析】绝对值小于 1 的正数也可以利用科学记数法表示, 一般形式为 $a \times 10^{-n}$, 与较大数的科学记数法不同的是其所使用的是负指数幂, 指数由原数左边起第一个不为零的数字前面的 0 的个数所决定.

【详解】数据 0.0000046 用科学记数法表示为: 4.6×10^{-6} ,

故答案为: 4.6×10^{-6}

【点睛】此题考查科学记数法, 解题关键在于确定 a 和 n 的值.

12. 比较大小: 2^{-2} _____ 3^0 . (选填 $>$, $=$, $<$)

【答案】 $<$

【解析】

【分析】先计算 $2^{-2} = \frac{1}{4}$ ， $3^0 = 1$ ，然后比较大小即可．

【详解】解： $2^{-2} = \frac{1}{4}$ ， $3^0 = 1$ ，

$$\because \frac{1}{4} < 1,$$

$$\therefore 2^{-2} < 3^0,$$

故答案为：<．

【点睛】本题主要考查有理数的大小比较，负整数指数幂的运算，零次幂的运算，熟练掌握运算法则是解题关键．

13. 一个等腰三角形的两边长分别是 2cm 和 3cm，则它的周长是_____ cm．

【答案】8 或 7

【解析】

【分析】根据腰长为分 2cm 和 3cm 两种情况进行求解即可．

【详解】解：分两种情况：

当等腰三角形的腰长是 3cm 时，则三边是 2cm，3cm，3cm 时，能构成三角形，则周长是 8cm；

当等腰三角形的腰长是 2cm 时，则三边是 2cm，2cm，3cm 时，能构成三角形，则周长是 7cm．

$\therefore$ 等腰三角形的周长为 8cm 或 7cm．

故答案为：8 或 7．

【点睛】本题考查了等腰三角形的定义和三角形的三边关系，分两种情况进行讨论，并验证两种情况是否能构成三角形进行解答是解本题的关键．

14. 若 $(x-3)^0 = 1$ ，则 x 的取值范围是_____．

【答案】 $x \neq 3$

【解析】

【分析】任何不为零的数的零次幂都等于零，根据定义解答．

【详解】解： $\because (x-3)^0 = 1$ ，

$$\therefore x \neq 3,$$

故答案为： $x \neq 3$ ．

【点睛】此题考查了零指数幂定义，熟记定义是解题的关键．

15. 若 $2m+3n-4=0$ ，则 $4^m \times 8^n$ 的值为_____．

【答案】16

【解析】

【分析】根据已知得出 $2m + 3n = 4$ ，根据幂的乘方以及同底数幂的乘法进行计算即可求解。

【详解】解：∵ $2m + 3n - 4 = 0$ ，

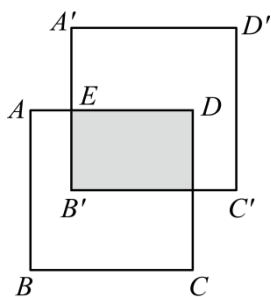
$$\therefore 2m + 3n = 4,$$

$$\therefore 4^m \times 8^n = 2^{2m} \times (2^3)^n = 2^{2m+3n} = 2^4 = 16,$$

故答案为：16。

【点睛】本题考查了幂的乘方以及同底数幂的乘法，熟练掌握幂的乘方以及同底数幂的乘法的运算是解题的关键。

16. 如图，边长为8cm的正方形 $ABCD$ 先向上平移4cm，再向右平移2cm，得到正方形 $A'B'C'D'$ ，此时阴影部分的面积为_____ cm^2 。



【答案】24

【解析】

【分析】本题主要考查了平移的性质，根据平移的性质得到 $AE = 2\text{cm}$ ， $A'E = 4\text{cm}$ ，进而求出 $DE = 6\text{cm}$ ， $B'E = 4\text{cm}$ ，则 $S_{\text{阴影}} = DE \cdot B'E = 24\text{cm}^2$ 。

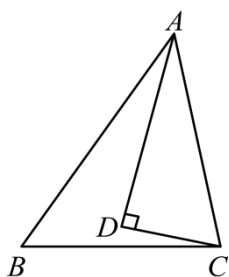
【详解】解：由平移的性质可得 $AE = 2\text{cm}$ ， $A'E = 4\text{cm}$ ， $B'C' = BC = 8\text{cm}$ ， $A'B' = AB = 8\text{cm}$ ，

$$\therefore DE = 6\text{cm}, B'E = 4\text{cm},$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = DE \cdot B'E = 24\text{cm}^2,$$

故答案为：24

17. 如图，点 D 为 $\triangle ABC$ 内一点， $\angle BCD = 12^\circ$ ， $\angle B = 60^\circ$ ， $CD \perp AD$ ，则 $\angle BAD$ 的度数为_____。



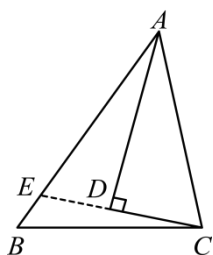
【答案】 18° ##18 度

【解析】

【分析】本题考查了三角形外角的性质，三角形内角和定理．熟练掌握三角形外角的性质，三角形内角和定理是解题的关键．

如图，延长 CD 交 AB 于 E ，则 $\angle AED = \angle B + \angle BCD$ ，根据 $\angle BAD = 180^\circ - \angle AED - \angle ADE$ ，计算求解即可．

【详解】解：如图，延长 CD 交 AB 于 E ，



$$\because \angle BCD = 12^\circ, \angle B = 60^\circ$$

$$\therefore \angle AED = \angle B + \angle BCD = 72^\circ,$$

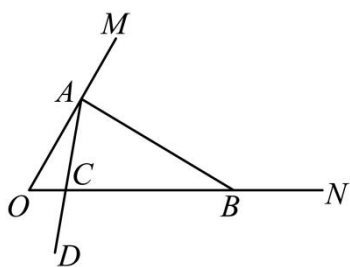
$$\because CD \perp AD$$

$$\therefore \angle ADE = 90^\circ$$

$$\therefore \angle BAD = 180^\circ - \angle AED - \angle ADE = 18^\circ,$$

故答案为： 18° ．

18. 在一个三角形中，如果一个角是另一个角的 3 倍，这样的三角形我们称之为“灵动三角形”．例如，三个内角分别为 120° ， 40° ， 20° 的三角形是“灵动三角形”．如图， $\angle MON = 60^\circ$ ，在射线 OM 上找一点 A ，过点 A 作 $AB \perp OM$ 交 ON 于点 B ，以 A 为端点作射线 AD ，交线段 OB 于点 C （规定 $0^\circ < \angle OAC < 60^\circ$ ）．当 $\triangle ABC$ 为“灵动三角形”时，则 $\angle OAC$ 的度数为_____．



【答案】 30° 或 52.5°

【解析】

【分析】 由于 $\angle O = 60^\circ$ ， $\angle ABC = 30^\circ$ ， 因此可分两种情况进行解答， 即当 $\angle ACB = 3\angle ABC$ ， 或 $\angle ACB = 3\angle CAB$ 时， 根据三角形的内角和定理以及互为余角可得答案.

【详解】 解： $\because \angle AB \perp OM$ ， $MON = 60^\circ$ ，

$$\therefore \angle ABC = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ,$$

当 $\triangle ABC$ 为“灵动三角形”时， 有

①当 $\angle ACB = 3\angle ABC$ 时，

$$\angle ACB = 3 \times 30^\circ = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle OAC = 90^\circ - \angle O = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ,$$

②当 $\angle ACB = 3\angle CAB$ 时，

$$4\angle CAB + 30^\circ = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle CAB = 37.5^\circ,$$

$$\therefore \angle OAC = 90^\circ - \angle CAB = 52.5^\circ,$$

故答案为： 30° 或 52.5° .

【点睛】 本题考查的是三角形内角和定理、“灵动三角形”的概念， 用分类讨论的思想解决问题是解本题的关键.

三、解答题

19. 计算

$$(1) (3.14 - \pi)^0 - |-4| + \left(-\frac{1}{2}\right)^{-3};$$

$$(2) (-a)^4 \cdot a^2 - a^8 \div a^2 + (-2a^2)^3.$$

【答案】 (1) -11

(2) $-8a^6$

【解析】

【分析】本题主要考查了零指数幂，负整数指数幂，积的乘方，幂的乘方，同底数幂乘除法等计算：

(1) 先计算零指数幂，负整数指数幂，再去绝对值后计算加减法即可；

(2) 先计算幂的乘方，积的乘方，再计算同底数幂乘除法，最后合并同类项即可．

【小问 1 详解】

$$\text{解：} (3.14 - \pi)^0 - |-4| + \left(-\frac{1}{2}\right)^{-3}$$

$$= 1 - 4 + (-8)$$

$$= 1 - 4 - 8$$

$$= -11；$$

【小问 2 详解】

$$\text{解：} (-a)^4 \cdot a^2 - a^8 \div a^2 + (-2a^2)^3$$

$$= a^4 \cdot a^2 - a^6 + (-8a^6)$$

$$= a^6 - a^6 - 8a^6$$

$$= -8a^6 .$$

20. 若 $a^m = a^n$ ($a > 0$ 且 $a \neq 1$, m 、 n 是正整数), 则 $m = n$. 利用上面的结论解决下面的问题:

(1) 如果 $2 \times 4^x \times 8^x = 2^{21}$, 求 x 的值;

(2) 如果 $3^{a+2} \cdot 5^{a+2} = 15^{3a-4}$, 求 a 的值.

【答案】(1) 4 (2) 3

【解析】

【分析】(1) 根据幂的乘方与积的乘方，同底数幂的乘法法则，进行计算即可解答；

(2) 根据幂的乘方与积的乘方，同底数幂的乘法法则，进行计算即可解答．

【小问 1 详解】

$$\text{解：} (1) \because 2 \times 4^x \times 8^x = 2^{21},$$

$$\therefore 2 \times (2^2)^x \times (2^3)^x = 2^{21},$$

$$\therefore 2 \times 2^{2x} \times 2^{3x} = 2^{21},$$

$$\therefore 2^{1+2x+3x} = 2^{21},$$

$$\therefore 2^{1+5x} = 2^{21},$$

$$\therefore 1+5x=21,$$

解得： $x=4$ ，

$\therefore x$ 的值为 4.

【小问 2 详解】

$$\text{解：} \because 3^{a+2} \cdot 5^{a+2} = 15^{3a-4},$$

$$\therefore (3 \times 5)^{a+2} = 15^{3a-4},$$

$$\therefore 15^{a+2} = 15^{3a-4},$$

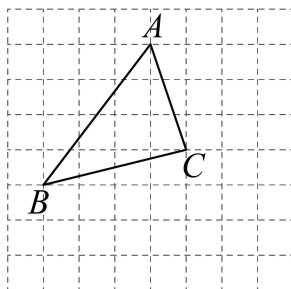
$$\therefore a+2=3a-4,$$

解得： $a=3$ ，

$\therefore a$ 的值为 3.

【点睛】 本题考查了幂的乘方与积的乘方，同底数幂的乘法，熟练掌握它们的运算法则是解题的关键.

21. 在正方形网格中，每个小正方形的边长都为 1 个单位长度， $\triangle ABC$ 的三个顶点的位置如图所示，现将 $\triangle ABC$ 向右平移 3 格，再向下平移 2 格，得到 $\triangle DEF$ ，使点 A 的对应点为点 D ，点 B 的对应点为点 E ，点 C 的对应点为点 F .



(1) 画出 $\triangle DEF$ ；

(2) 在图中画出 $\triangle ABC$ 的 AB 边上的高线 CG （保留利用格点的作图痕迹）；

(3) $\triangle ABC$ 的面积为_____；

【答案】(1) 见解析 (2) 见解析

(3) 6.5

【解析】

【分析】 本题主要考查了平移作图，画三角形的高，割补法求三角形面积

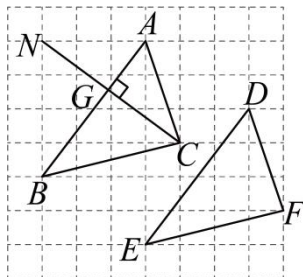
- (1) 利用平移的性质得出对应点的位置，顺次连接即可；
- (2) 利用格点的特点，过 C 点作 AB 的垂线即可；
- (3) 利用 $V ABC$ 所在长方形的面积减去周围 3 个三角形的面积即可求解.

【小问 1 详解】

解：如图所示， $\triangle DEF$ 即为所求；

【小问 2 详解】

解：如图所示，线段 CG 即为所求；

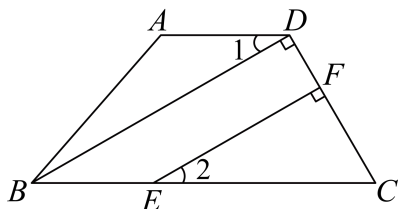


【小问 3 详解】

解： $S_{\triangle ABC} = 4 \times 4 - \frac{1}{2} \times 3 \times 4 - \frac{1}{2} \times 1 \times 4 - \frac{1}{2} \times 1 \times 3 = 6.5$.

22. 如图，在四边形 $ABCD$ 中， $BD \perp CD$ ， $EF \perp CD$ ，且 $\angle 1 = \angle 2$.

- (1) 求证： $AD \parallel BC$ ；
- (2) 若 BD 平分 $\angle ABC$ ， $\angle A = 130^\circ$ ，求 $\angle C$ 的度数.



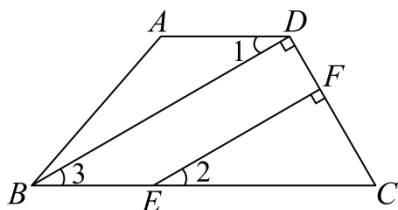
【答案】(1) 详见解析；(2) 65° .

【解析】

【分析】(1) 由题意易得 $BD \parallel EF$ ，然后由平行线的性质及判定即可得证；

(2) 由 (1) 得 $\angle ABC = 50^\circ$ ，根据角平分线的定义及直角三角形的性质可得.

【详解】解：(1) 证明：如图，



$\because BD \perp CD$ ， $EF \perp CD$ (已知)，

$\therefore BD \parallel EF$ (垂直于同一直线的两条直线平行),

$\therefore \angle 2 = \angle 3$ (两直线平行, 同位角相等)

$\because \angle 1 = \angle 2$,

$\therefore \angle 1 = \angle 3$ (等量代换)

$\therefore AD \parallel BC$ (内错角相等, 两直线平行)

(2) $\because AD \parallel BC$ (已知),

$\therefore \angle ABC + \angle A = 180^\circ$ (两直线平行, 同旁内角互补)

$\because \angle A = 130^\circ$ (已知),

$\therefore \angle ABC = 50^\circ$

$\because DB$ 平分 $\angle ABC$ (已知),

$\therefore \angle 3 = \frac{1}{2} \angle ABC = 25^\circ$

$\therefore \angle C = 90^\circ - \angle 3 = 65^\circ$.

【点睛】 本题主要考查平行线的性质与判定、角平分线的定义及直角三角形的性质, 熟练掌握各个性质定理是解题的关键.

23. 规定两正数 a, b 之间的一种运算记作 $L(a, b)$, 如果 $a^c = b$, 那么 $L(a, b) = c$.

例如: 因为 $3^2 = 9$, 所以 $L(3, 9) = 2$.

请你解决下列问题:

(1) 填空: $L(2, 16) = \underline{\hspace{1cm}}$, $L(\underline{\hspace{1cm}}, 36) = -2$;

(2) 如果正数 a, m, n , 满足 $L(a, m) = x - 2$, $L(a, n) = 3x - 6$, $L(a, mn) = 2x + 2$, 求 x .

【答案】 (1) 4; $\pm \frac{1}{6}$

(2) $x = 5$

【解析】

【分析】 本题主要考查了新定义, 负整数指数幂, 同底数幂乘法计算:

(1) 根据新定义进行求解即可;

(2) 先根据新定义得到 $a^{x-2} = m$, $a^{3x-6} = n$, $a^{2x+2} = mn$, 进而得到 $mn = a^{4x-8}$, 进而得到 $2x+2 = 4x-8$,

解方程即可得到答案.

【小问 1 详解】

解：∵ $2^4 = 16$ ，

$$\therefore L(2, 16) = 4;$$

$$\because \left(\pm \frac{1}{6}\right)^{-2} = 36,$$

$$\therefore L\left(\pm \frac{1}{6}, 36\right) = -2;$$

故答案为：4； $\pm \frac{1}{6}$ ；

【小问2详解】

$$\text{解：}\because L(a, m) = x - 2, L(a, n) = 3x - 6, L(a, mn) = 2x + 2,$$

$$\therefore a^{x-2} = m, a^{3x-6} = n, a^{2x+2} = mn,$$

$$\therefore mn = a^{x-2} \cdot a^{3x-6} = a^{4x-8},$$

$$\therefore a^{4x-8} = a^{2x+2},$$

$$\therefore 2x + 2 = 4x - 8,$$

$$\therefore x = 5.$$

24. 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle A = 60^\circ$ ，点 D 、 E 分别是 $\triangle ABC$ 边 AC 、 AB 上的点，点 P 是一动点，设 $\angle PDC = \angle 1$ ， $\angle PEB = \angle 2$ ， $\angle DPE = \angle \alpha$ 。

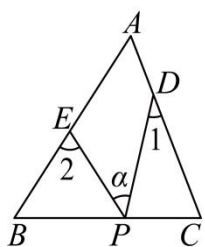


图1

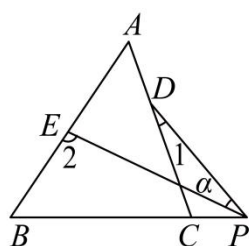


图2

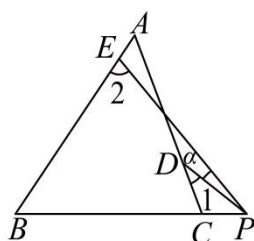


图3

(1) 如图1，若点 P 在线段 BC 上，且 $\angle \alpha = 50^\circ$ ，求 $\angle 1 + \angle 2$ 的度数；

(2) 若点 P 在线段 BC 延长线上，请借助图2和图3，分别探究 $\angle 1$ 、 $\angle 2$ 与 $\angle \alpha$ 之间的关系，并说明理由。

【答案】(1) $60^\circ + \alpha$

(2) 由图2可得 $\angle 2 = \angle \alpha + \angle 1 + 60^\circ$ ，由图3可得 $\angle 2 = \angle 1 - \angle \alpha + 60^\circ$ ，理由见解析

【解析】

【分析】本题考查了三角形内角和定理与三角形外角的性质：

(1) 根据三角形的外角的性质得出 $\angle DPB = \angle 1 + \angle C$ ， $\angle EPC = \angle 2 + \angle B$ ，两式相加，即可求解.

(2) 根据三角形的外角的性质结合图形即可求解.

【小问 1 详解】

解：根据图 1 可得： $\angle DPB = \angle 1 + \angle C$ ， $\angle EPC = \angle 2 + \angle B$ ，

$$\therefore \angle DPB + \angle EPC = \angle 1 + \angle 2 + \angle C + \angle B,$$

$$\because \angle DPE = \angle \alpha,$$

$$\therefore \angle \alpha + 180^\circ = \angle 1 + \angle 2 + (180^\circ - \angle A), \quad \angle A = 60^\circ,$$

$$\text{即 } \angle 1 + \angle 2 = 60^\circ + \alpha;$$

【小问 2 详解】

解：由图 2 得 $\angle 2 = \angle \alpha + \angle 1 + 60^\circ$ ，由图 3 得 $\angle 2 = \angle 1 - \angle \alpha + 60^\circ$ ，理由如下：

如图 2，设 AC, EP 交于点 F ，

$$\because \angle AFE = \angle 1 + \angle \alpha, \quad \angle 2 = \angle A + \angle AFE,$$

$$\therefore \angle 2 = 60^\circ + \angle 1 + \angle \alpha;$$

如图 3，设 AC, EP 交于点 F ，

$$\because \angle AFE = \angle 1 - \angle \alpha, \quad \angle 2 = \angle A + \angle AFE,$$

$$\therefore \angle 2 = 60^\circ + \angle 1 - \angle \alpha;$$

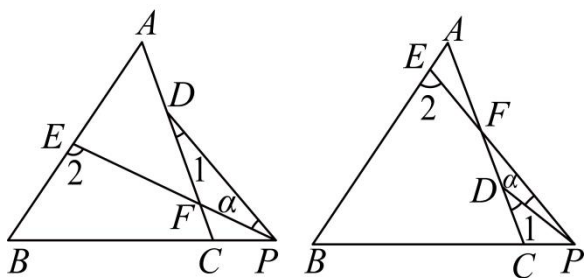
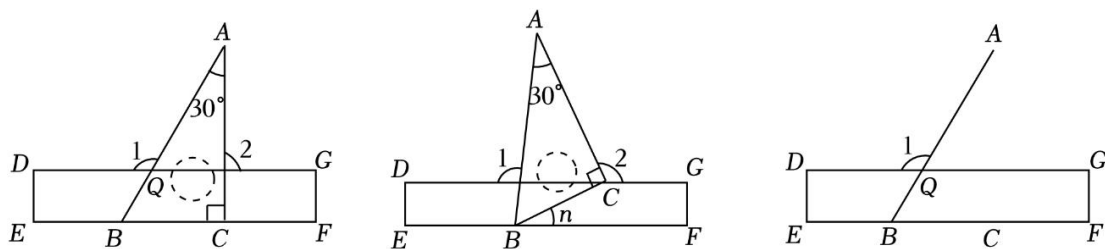


图2

图3

25. 如图 1，把一块含 30° 的直角三角板 ABC 的 BC 边放置于长方形直尺 $DEFG$ 的 EF 边上.



(图1)

(图2)

(备用图)

(1) 如图 2，现把三角板绕 B 点逆时针旋转 n° ，当 $0 < n < 90^\circ$ ，且点 C 恰好落在 DG 边上时，请直接写

出 $\angle 1 = \underline{\hspace{2cm}}^\circ$, $\angle 2 = \underline{\hspace{2cm}}^\circ$ (结果用含 n 的代数式表示);

(2) 如图 1 三角板 ABC 的放置, 现将射线 BF 绕点 B 以每秒 2° 的转速逆时针旋转得到射线 BM , 同时射线 QA 绕点 Q 以每秒 3° 的转速顺时针旋转得到射线 QN , 当射线 QN 旋转至与 QB 重合时, 则射线 BM 、 QN 均停止转动, 设旋转时间为 $t(s)$.

①在旋转过程中, 若射线 BM 与射线 QN 相交, 设交点为 P . 当 $t = 15(s)$ 时, 则 $\angle QPB = \underline{\hspace{2cm}}^\circ$;

②在旋转过程中, 是否存在 $BM \parallel QN$ 若存在, 求出此时 t 的值; 若不存在, 请说明理由.

【答案】 (1) $(120 - n)$, $(90 + n)$;

(2) ①15; ② t 的值为 12 或 48.

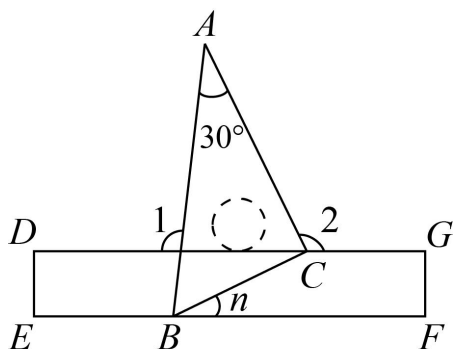
【解析】

【分析】(1) 根据两直线平行, 内错角相等求出 $\angle BCD$, 再用三角形外角等于不相邻的两个内角和可得 $\angle 1$, 根据两直线平行, 同旁内角互补求出 $\angle BCG$, 然后根据周角等于 360° 计算即可得到 $\angle 2$;

(2) ①画出图形, 由角的和差和三角形的外角性质可得答案; ②分两种情况, 根据平行线的性质列方程可解得答案.

【小问 1 详解】

如图 2,



(图2)

$\because DG \parallel EF$,

$\therefore \angle DCB = \angle CBF = n^\circ$,

$\therefore \angle ACD = 90^\circ - n^\circ$,

$\therefore \angle 1 = \angle A + \angle ACD = (120 - n)^\circ$,

$\because DG \parallel EF$,

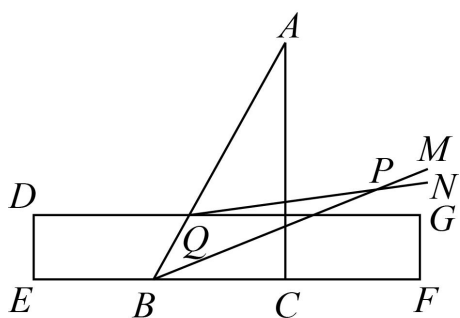
$\therefore \angle BCG = 180^\circ - \angle CBF = 180^\circ - n^\circ$,

$$\begin{aligned}
&\because \angle ACB + \angle BCG + \angle 2 = 360^\circ, \\
&\therefore \angle 2 = 360^\circ - \angle ACB - \angle BCG \\
&= 360^\circ - 90^\circ - (180^\circ - n^\circ) \\
&= (90 + n)^\circ;
\end{aligned}$$

故答案为： $(120 - n)$ ， $(90 + n)$ ；

【小问 2 详解】

①如图：



根据题意得： $\angle FBP = 15 \times 2^\circ = 30^\circ$ ， $\angle AQP = 15 \times 3^\circ = 45^\circ$ ，

$$\therefore \angle ABC = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle ABP = \angle ABC - \angle FBP = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ,$$

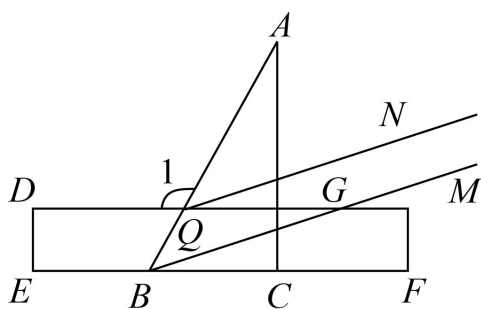
$$\text{又 } \angle AQP = \angle ABP + \angle QPB,$$

$$\therefore \angle QPB = \angle AQP - \angle ABP = 45^\circ - 30^\circ = 15^\circ,$$

故答案为： 15；

②存在 $BM \parallel QN$ ，理由如下：

如图：



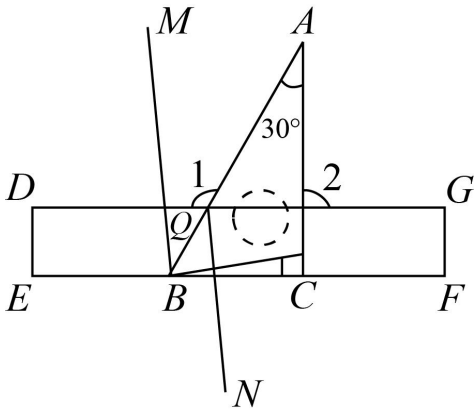
$$\therefore QN \parallel BM,$$

$$\therefore \angle AQN = \angle ABM,$$

$$\therefore 3^\circ t = 60^\circ - 2^\circ t ,$$

$$\text{解得 } t = 12 ,$$

如图：



$$\because BM \parallel QN ,$$

$$\therefore \angle ABM = \angle BQN ,$$

$$\therefore 2^\circ t - 60^\circ = 180^\circ - 3^\circ t ,$$

$$\text{解得 } t = 48 ,$$

综上所述， t 的值为 12 或 48.