

## 2021-2022 学年江苏省苏州市高三（上）期初调研数学试卷

一、单项选择题：本大题共 8 小题，每小题 5 分，共计 40 分。每小题给出的四个选项中，只有一个选项是正确的。请把正确的选项填涂在答题卡相应的位置上。

1. (5 分) 已知  $M, N$  为  $R$  的子集，若  $M \cap \complement_{\mathbf{R}} N = \emptyset, N = \{1, 2\}$  ( )

- A. 1                      B. 2                      C. 3                      D. 4

2. (5 分) 若复数  $z$  满足  $(1+i)z = 1+2i$  (其中  $i$  是虚数单位)，则复数  $z$  对应的点位于复平面的 ( )

- A. 第一象限              B. 第二象限              C. 第三象限              D. 第四象限

3. (5 分) 已知随机变量  $\xi$  服从正态分布  $N(0, 1)$ ，如果  $P(\xi \leq 1) = 0.84$  ( $-1 < \xi \leq 0$ ) 为 ( )

- A. 0.34                      B. 0.68                      C. 0.15                      D. 0.07

4. (5 分) 衡阳市在创建“全国卫生文明城市”活动中，大力加强垃圾分类投放宣传。某居民小区设有“厨余垃圾”、“可回收垃圾”、“其它垃圾”三种不同的垃圾桶。一天，居民小贤提着上述分好类的垃圾各一袋，则恰好有一袋垃圾投对的概率为 ( )



- A.  $\frac{1}{9}$                       B.  $\frac{1}{6}$                       C.  $\frac{1}{3}$                       D.  $\frac{1}{2}$

5. (5 分) 已知  $m, n$  为两条不同的直线， $\alpha, \beta, \gamma$  为三个不同的平面 ( )

- A. 若  $m \parallel \alpha, n \parallel \alpha$ ，则  $m \parallel n$   
 B. 若  $\alpha \perp \beta, \gamma \perp \beta$  且  $\alpha \cap \gamma = m$ ，则  $m \perp \beta$   
 C. 若  $m \subset \alpha, n \subset \alpha, m \parallel \beta, n \parallel \beta$ ，则  $\alpha \parallel \beta$   
 D. 若  $m \perp \alpha, n \parallel \beta, \alpha \perp \beta$ ，则  $m \perp n$

6. (5 分) 设  $a, b$  是正实数，以下不等式恒成立的为 ( )

- A.  $\sqrt{ab} > \frac{2ab}{a+b}$                       B.  $ab + \frac{2}{ab} > 9$   
 C.  $a^2 + b^2 > 4ab - 3b^2$                       D.  $a > |a - b| - b$

7. (5 分) 设  $\vec{a}, \vec{b}$  是两个非零向量，下列说法正确的是 ( )

- A. 若  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$ ，则  $\vec{a} \perp \vec{b}$

B. 若  $\vec{a} \perp \vec{b}$ , 则  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$

C. 若  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$ , 则存在实数  $\lambda$ , 使得  $\vec{a} = \lambda \vec{b}$

D. 若存在实数  $\lambda$ , 使得  $\vec{a} = \lambda \vec{b}$ , 则  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$

8. (5分) 已知点  $P$  为双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  右支上一点,  $F_1, F_2$  分别为  $C$  的左, 右焦点, 直线  $PF_1$  与  $C$  的一条渐近线垂直, 垂足为  $H$ , 若  $|PF_1| = 4|HF_1|$ , 则该双曲线的离心率为 ( )

A.  $\frac{\sqrt{15}}{3}$

B.  $\frac{\sqrt{21}}{3}$

C.  $\frac{5}{3}$

D.  $\frac{7}{3}$

二、多项选择题：本大题共 4 小题，每小题 5 分，共计 20 分。每小题给出的四个选项中，都有多个选项是正确的，全部选对的得 5 分，选对但不全的得 2 分，选错或不答的得 0 分。请把正确的选项填涂在答题卡相应的位置上。

(多选) 9. (5分) 5G 技术的运营不仅提高了网络传输速度，更拓宽了网络资源的服务范围。目前，我国加速了 5G 技术的融合与创新，如表所示：

月份	2020 年 6 月	2020 年 7 月	2020 年 8 月	2020 年 9 月	2020 年 10 月
月份编号 $x$	1	2	3	4	5
销量 $y$ /部	52	95	$a$	185	227

若  $y$  与  $x$  线性相关，由上表数据求得线性回归方程为  $\hat{y} = 44x + 10$  ( )

A. 5G 手机的销量逐月增加，平均每个月增加约 10 台

B.  $a = 155$

C.  $y$  与  $x$  正相关

D. 预计 12 月份该手机商城的 5G 手机销量约为 318 部

(多选) 10. (5分) 设  $S_n$  是公差为  $d (d \neq 0)$  的无穷等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和，则下列命题正确的是 ( )

A. 若  $d < 0$ , 则数列  $\{S_n\}$  有最大项

B. 若数列  $\{S_n\}$  有最大项, 则  $d < 0$

C. 若数列对任意的  $n \in \mathbf{N}^*$ ,  $S_{n+1} > S_n$  恒成立, 则  $S_n > 0$

D. 若对任意的  $n \in \mathbf{N}^*$ , 均有  $S_n > 0$ , 则  $S_{n+1} > S_n$  恒成立

(多选) 11. (5分) 已知曲线  $C: \sqrt{(x+1)^2 + y^2} \cdot \sqrt{(x-1)^2 + y^2} = 3$ , 以下判断正确的是 ( )

A. 曲线  $C$  与  $y$  轴交点为  $(0, \pm 2)$