

## 2021-2022 学年江苏省苏州市高三（上）期初调研数学试卷

**一、单项选择题：**本大题共 8 小题，每小题 5 分，共计 40 分。每小题给出的四个选项中，只一个选项是正确的。请把正确的选项填涂在答题卡相应的位置上。

1. (5 分) 已知  $M$ 、 $N$  为  $R$  的子集，若  $M \cap N = \emptyset$ ,  $N = \{1, 2\}$  ( )  
A. 1      B. 2      C. 3      D. 4
2. (5 分) 若复数  $z$  满足  $(1+i)z = 1+2i$  (其中  $i$  是虚数单位)，则复数  $z$  对应的点位于复平面的 ( )  
A. 第一象限      B. 第二象限      C. 第三象限      D. 第四象限
3. (5 分) 已知随机变量  $\xi$  服从正态分布  $N(0, 1)$ ，如果  $P(\xi \leq 1) = 0.84$  ( $-1 < \xi \leq 0$ ) 为 ( )  
A. 0.34      B. 0.68      C. 0.15      D. 0.07
4. (5 分) 衡阳市在创建“全国卫生文明城市”活动中，大力加强垃圾分类投放宣传。某居民小区设有“厨余垃圾”、“可回收垃圾”、“其它垃圾”三种不同的垃圾桶。一天，居民小贤提着上述分好类的垃圾各一袋，则恰好有一袋垃圾投对的概率为 ( )



- A.  $\frac{1}{9}$       B.  $\frac{1}{6}$       C.  $\frac{1}{3}$       D.  $\frac{1}{2}$
5. (5 分) 已知  $m$ ,  $n$  为两条不同的直线， $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  为三个不同的平面 ( )  
A. 若  $m // \alpha$ ,  $n // \alpha$ , 则  $m // n$   
B. 若  $\alpha \perp \beta$ ,  $\gamma \perp \beta$  且  $\alpha \cap \gamma = m$ , 则  $m \perp \beta$   
C. 若  $m \subset \alpha$ ,  $n \subset \alpha$ ,  $m // \beta$ ,  $n // \beta$ , 则  $\alpha // \beta$   
D. 若  $m \perp \alpha$ ,  $n // \beta$ ,  $\alpha \perp \beta$ , 则  $m \perp n$
6. (5 分) 设  $a$ 、 $b$  是正实数，以下不等式恒成立的为 ( )  
A.  $\sqrt{ab} > \frac{2ab}{a+b}$       B.  $ab + \frac{2}{ab} > 9$   
C.  $a^2 + b^2 > 4ab - 3b^2$       D.  $a > |a - b| - b$
7. (5 分) 设  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  是两个非零向量，下列说法正确的是 ( )  
A. 若  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$ , 则  $\vec{a} \perp \vec{b}$

- B. 若  $\vec{a} \perp \vec{b}$ , 则  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$
- C. 若  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$ , 则存在实数  $\lambda$ , 使得  $\vec{a} = \lambda \vec{b}$
- D. 若存在实数  $\lambda$ , 使得  $\vec{a} = \lambda \vec{b}$ , 则  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| - |\vec{b}|$

8. (5分) 已知点  $P$  为双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  右支上一点,  $F_1, F_2$  分别为  $C$  的左, 右焦

点, 直线  $PF_1$  与  $C$  的一条渐近线垂直, 垂足为  $H$ , 若  $|PF_1| = 4|HF_1|$ , 则该双曲线的离心率为 ( )

- A.  $\frac{\sqrt{15}}{3}$       B.  $\frac{\sqrt{21}}{3}$       C.  $\frac{5}{3}$       D.  $\frac{7}{3}$

**二、多项选择题:** 本大题共 4 小题, 每小题 5 分, 共计 20 分. 每小题给出的四个选项中, 都有多个选项是正确的, 全部选对的得 5 分, 选对但不全的得 2 分, 选错或不答的得 0 分. 请把正确的选项填涂在答题卡相应的位置上.

(多选) 9. (5分) 5G 技术的运营不仅提高了网络传输速度, 更拓宽了网络资源的服务范围. 目前, 我国加速了 5G 技术的融合与创新, 如表所示:

月份	2020 年 6 月	2020 年 7 月	2020 年 8 月	2020 年 9 月	2020 年 10 月
月份编号 $x$	1	2	3	4	5
销量 $y$ /部	52	95	$a$	185	227

若  $y$  与  $x$  线性相关, 由上表数据求得线性回归方程为  $\hat{y} = 44x + 10$  ( )

- A. 5G 手机的销量逐月增加, 平均每个月增加约 10 台
- B.  $a = 155$
- C.  $y$  与  $x$  正相关
- D. 预计 12 月份该手机商城的 5G 手机销量约为 318 部

(多选) 10. (5分) 设  $S_n$  是公差为  $d (d \neq 0)$  的无穷等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和, 则下列命题正确的是 ( )

- A. 若  $d < 0$ , 则数列  $\{S_n\}$  有最大项
- B. 若数列  $\{S_n\}$  有最大项, 则  $d < 0$
- C. 若数列对任意的  $n \in \mathbb{N}^*$ ,  $S_{n+1} > S_n$  恒成立, 则  $S_n > 0$
- D. 若对任意的  $n \in \mathbb{N}^*$ , 均有  $S_n > 0$ , 则  $S_{n+1} > S_n$  恒成立

(多选) 11. (5分) 已知曲线  $C: \sqrt{(x+1)^2 + y^2} \cdot \sqrt{(x-1)^2 + y^2} = 3$ , 以下判断正确的是 ( )

- A. 曲线  $C$  与  $y$  轴交点为  $(0, \pm 2)$