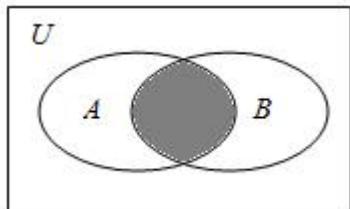


2021-2022 学年江苏省常州市新北区西夏墅中学高三（上）开学数学试卷

一、单选题（本大题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分）

1. (5 分) 设全集 $U=R$, 集合 $A=\{x|x-1\leqslant 0\}$, 集合 $B=\{x|x^2-x-6<0\}$ 则下图中阴影部分表示的集合为 ()

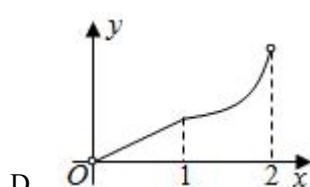
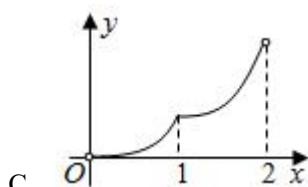
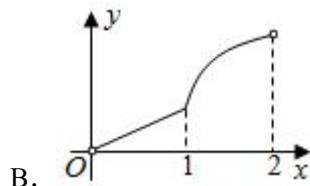
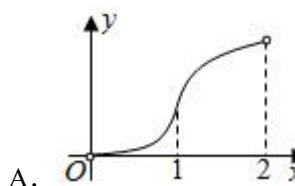
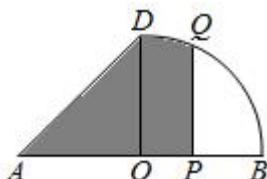


- A. $\{x|x<3\}$ B. $\{x|-3<x\leqslant 1\}$ C. $\{x|x<2\}$ D. $\{x|-2<x\leqslant 1\}$

2. (5 分) 若 “ $\exists x \in [\frac{1}{2}, 2]$, 使得 $2x^2 - \lambda x + 1 < 0$ 成立” 是假命题, 则实数 λ 的取值范围为 ()

- A. $(-\infty, 2\sqrt{2}]$ B. $[2\sqrt{2}, 3]$ C. $[-2\sqrt{2}, 3]$ D. $\lambda=3$

3. (5 分) 如图, $\triangle AOD$ 是一直角边为 1 的直角等腰三角形, 平面图形 OBD 是四分之一圆的扇形, $PQ \perp AB$, 且 PQ 交 AD 或交弧 DB 于点 Q ($0 < x < 2$), 图中阴影部分这平面图形 APQ (或 $APQD$) 的面积为 $y(x)$ 的大致图象是 ()



4. (5 分) 设 $a=\log_{0.2}0.3$, $b=\log_20.3$, 则 ()

- A. $a+b < ab < 0$ B. $ab < a+b < 0$ C. $a+b < 0 < ab$ D. $ab < 0 < a+b$

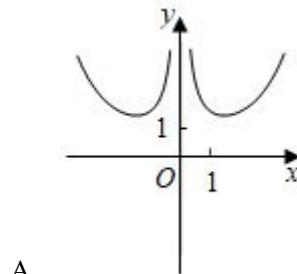
5. (5 分) 设函数 $f(x)=\begin{cases} 3x-1, & x < 1 \\ 2^x, & x \geqslant 1 \end{cases}$, 则满足 $f(f(a))=2^{f(a)}$ 的 a 的取值范围是 ()

- A. $[\frac{2}{3}, 1]$ B. $[0, 1]$ C. $[\frac{2}{3}, +\infty)$ D. $[1, +\infty)$

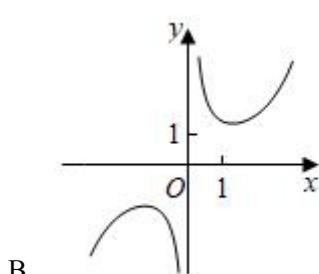
6. (5分) 已知函数 $f(x) = \log_a(2x - a)$ 在区间 $[\frac{1}{2}, \frac{2}{3}]$ 上恒有 $f(x) > 0$ ()

- A. $[\frac{1}{3}, 1]$ B. $[\frac{1}{3}, 1)$ C. $(\frac{1}{3}, 1]$ D. $(\frac{1}{3}, 1)$

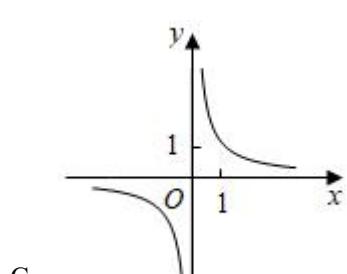
7. (5分) 函数 $f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{x^2}$ 的图象大致为 ()



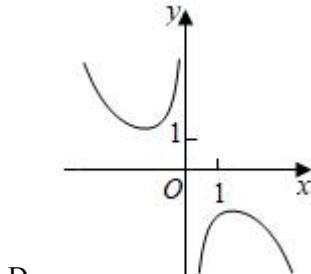
A.



B.



C.



D.

8. (5分) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} e^x, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$, $g(x) = f(x) + x + a$. 若 $g(x) \geq 0$, 则 a 的取值范围是 ()

- A. $[-1, 0)$ B. $[0, +\infty)$ C. $[-1, +\infty)$ D. $[1, +\infty)$

二、多选题 (本大题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分)

(多选) 9. (5分) 设 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的偶函数, 且当 $x \geq 0$ 时, $f(x) = \begin{cases} -x^2 + 1, & 0 \leq x < 1, \\ 2 - 2^x, & x \geq 1 \end{cases}$

不等式 $f(1-x)(x+m) \geq 0$ 恒成立, 则实数 m 的值可以是 ()

- A. -1 B. $-\frac{1}{3}$ C. $-\frac{1}{2}$ D. $\frac{1}{3}$

(多选) 10. (5分) 下列命题中, 正确的命题是 ()

- A. 已知随机变量服从二项分布 $B(n, p)$, 若 $E(x) = 30$, $D(x) = 20$, 则 $p = \frac{2}{3}$

- B. 已知 $A_n^3 = C_n^4$, 则 $n = 27$

- C. 设随机变量 ξ 服从正态分布 $N(0, 1)$, 若 $P(\xi > 1) = p$, 则 $P(-1 < \xi < 0) = \frac{1}{2} - p$

- D. 某人在 10 次射击中, 击中目标的次数为 X , $X \sim B(10, 0.8)$, 则当 $x=8$ 时概率最大