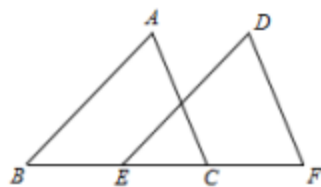


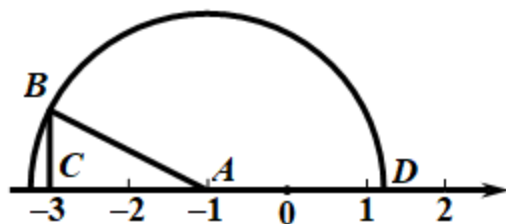
八年级数学上册期中测试卷 02

一、单选题

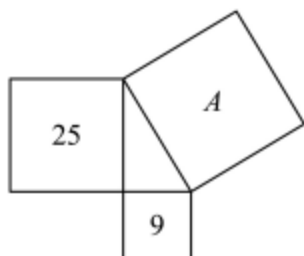
- 下列长度的三条线段能组成直角三角形的是（ ）
A. 4, 6, 8 B. 6, 8, 10 C. 6, 9, 10 D. 5, 11, 13
- 已知： $\triangle ABC \cong \triangle DEF$, $AB=DE$, $\angle A=70^\circ$, $\angle E=30^\circ$, 则 $\angle F$ 的度数为（ ）
A. 80° B. 70° C. 30° D. 100°
- 若等腰三角形中有两边的长分别为 5 和 8, 则这个三角形的周长为（ ）
A. 18 B. 21 C. 18 或 21 D. 21 或 16
- 在联欢会上, 有 A、B、C 三名选手站在一个三角形的三个顶点位置上, 他们在玩抢凳子游戏, 要求他们中间放一个木凳, 谁先抢到凳子谁获胜, 为使游戏公平, 则凳子应放的最适当的位置是在 $\triangle ABC$ （ ）
A. 三边中线的交点 B. 三边垂直平分线的交点
C. 三条角平分线的交点 D. 三边上高的交点
- 如图, 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中, $AC=DF$, $AB=DE$, 添加下列一个条件后, 仍然不能证明 $\triangle ABC \cong \triangle DEF$, 这个条件是（ ）



- A. $\angle A = \angle D$ B. $BE = CF$ C. $\angle ACB = \angle DFE = 90^\circ$ D. $\angle B = \angle DEF$
- 如图, 数轴上点 A 对应的数是 -1, 点 C 对应的数是 -3, $BC \perp AC$, 垂足为 C, 且 $BC=1$, 以 A 为圆心, AB 长为半径画弧, 交数轴于点 D, 则点 D 表示的数为（ ）

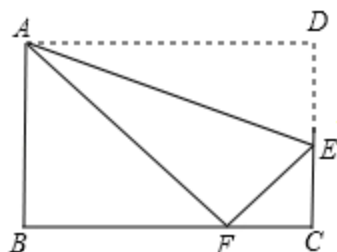


- A. $-1 + \sqrt{7}$ B. $\sqrt{2}$ C. $-1 + \sqrt{5}$ D. $\sqrt{5}$
- 如图, 分别以直角三角形各边为一边向三角形外部作正方形, 其中两个小正方形的面积分别为 9 和 25, 则正方形 A 的面积是（ ）



- A. 16 B. 32 C. 34 D. 64

8. 如图，矩形 $ABCD$ 边 AD 沿折痕 AE 折叠，使点 D 落在 BC 上的 F 处，已知 $AB=6$ ， $\triangle ABF$ 的面积为 24，则 EC 等于（ ）

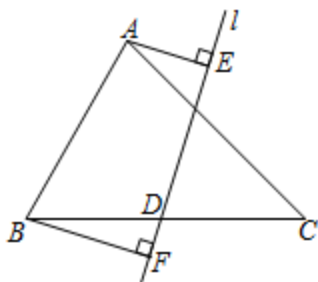


- A. 2 B. $\frac{10}{3}$ C. 4 D. $\frac{8}{3}$

9. 下列说法：①等腰三角形的两底角相等；②角的对称轴是它的角平分线；③成轴对称的两个图形中，对应点的连线被对称轴垂直平分；④全等三角形的对应边上的高相等；⑤在直角三角形中，如果有一条直角边长等于斜边长的一半，那么这条直角边所对的角等于 30° 。以上结论正确的个数（ ）

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

10. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=13$ ， $BC=14$ ， $S_{\triangle ABC}=84$ ， D 是 BC 的中点，直线 l 经过点 D ， $AE \perp l$ ， $BF \perp l$ ，垂足分别为 E ， F ，则 $AE+BF$ 的最大值为（ ）



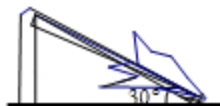
- A. 15 B. 12 C. 10 D. 9

二、填空题

11. 若二次根式 $\sqrt{2x-1}$ 在实数范围内有意义，则 x 的取值范围是_____。

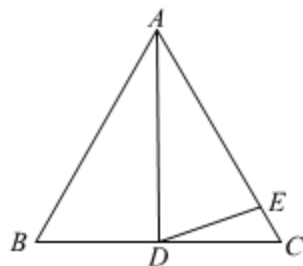
12. $\sqrt{6}$ 的平方根是_____。

13. 如图，在一次暴风灾害中，一棵大树在离地面 2 米处折断，树的另一部分倒地后与地面成 30° 角，那么这棵树折断之前的高度是_____米。



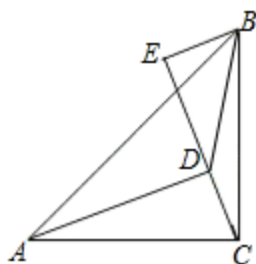
14. 等腰三角形一腰上的高与另一腰的夹角为 70° ，则顶角的度数是_____。

15. 如图，等边 $\triangle ABC$ 中， AD 是中线，点 E 是 AC 边上一点， $AD=AE$ ，则 $\angle EDC=$ _____°。

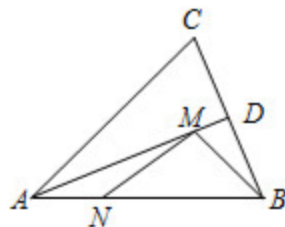


16. $\triangle ABC$ 的三边分别为 2、 x 、5，化简 $\sqrt{(x-3)^2} + \sqrt{(x-7)^2}$ 的结果为_____。

17. 如图示， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC$ ， $BE \perp CE$ 于 E ， $AD \perp CE$ 于 D ， $AD=8$ ， $DE=5$ ，则 $\triangle CDB$ 的面积等于_____。



18. 如图，在等腰三角形 ABC 中， $AB=AC=13$ ， $BC=10$ ， D 是 BC 边上的中点， $AD=12$ ， M ， N 分别是 AD 和 AB 上的动点，则 $BM+MN$ 的最小值是_____。



三、解答题

19. 计算：

(1) $\sqrt[3]{-8} + \sqrt{(-2)^2} - (\pi - 3)^0$ ；

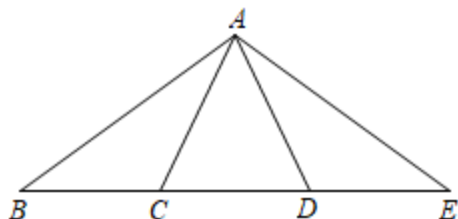
(2) $(-2\sqrt{2})^2 + \sqrt{24} \times \sqrt{\frac{1}{2}} + |\sqrt{3} - 2|$ 。

20. 已知 $x = \frac{3-\sqrt{2}}{2}$, $y = \frac{1+\sqrt{2}}{2}$, 求下列各式的值.

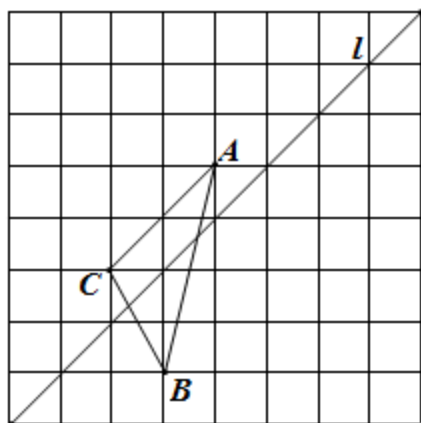
(1) $x^2 - y^2$;

(2) $x^2 - 2xy + y^2$.

21. 如图, 点 C 、 D 在 BE 上, $BC=ED$, $AC=AD$, 求证: $AB=AE$.



22. 如图, 在长度为 1 个单位长度的小正方形组成的正方形中, 点 A 、 B 、 C 在小正方形的顶点 (格点) 上.



(1) 在图中画出与 $\triangle ABC$ 关于直线 l 成轴对称的 $\triangle A'B'C'$;

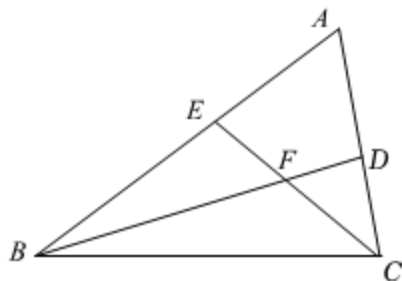
(2) 三角形 ABC 的面积为_____;

(3) 顶点在格点, 与 $\triangle ABC$ 全等且仅有 1 条公共边, 这样的三角形共能画出_____个.

23. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=40^\circ$, $\angle ACB=80^\circ$, 点 D 、 E 分别在 AC 、 AB 上, BD 、 CE 分别是 $\angle ABC$ 、 $\angle ACB$ 的平分线, BD 、 CE 交于点 F .

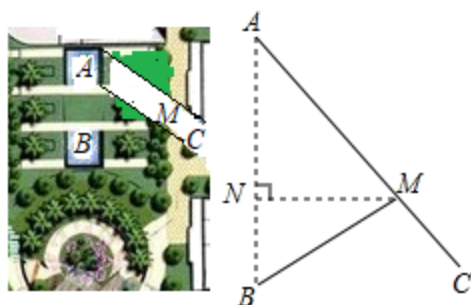
(1) 求 $\angle DFE$ 的度数;

(2) 求证: $EF=DF$.



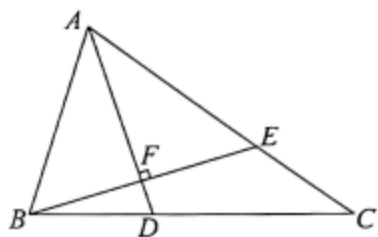
24. 如图，某小区有两个喷泉 A, B ，两个喷泉的距离长为 250m 。现要为喷泉铺设供水管道 AM, BM ，供水点 M 在小路 AC 上，供水点 M 到 AB 的距离 MN 的长为 120m ， BM 的长为 150m 。

- (1) 求供水点 M 到喷泉 A, B 需要铺设的管道总长；
- (2) 求喷泉 B 到小路 AC 的最短距离。



25. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle ABC = 2\angle C$ ， $\angle BAC$ 的平分线 AD 交 BC 于点 D ，过 B 作 $BF \perp AD$ ，垂足为 F ，延长 BF 交 AC 于点 E 。

- (1) 求证： $\triangle ABE$ 为等腰三角形；
- (2) 已知 $AC = 14$ ， $BD = 5$ ，求 AB 的长。



26. 已知 $\triangle ABC$ 为等腰直角三角形， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $AC = BC$ ，

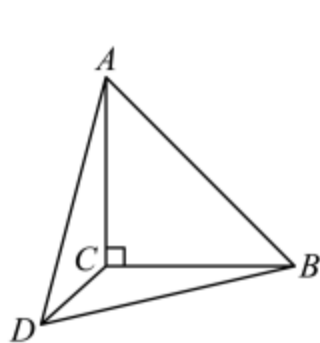


图1

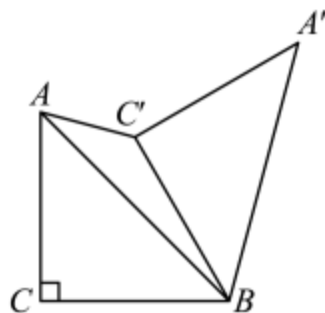


图2

(1) 如图 1，若以 AB 为边在点 C 同侧作等边三角形 $\triangle ABD$ ，判断 CD 所在直线与线段 AB 的关系，并说明理由。

(2) 如图 2，将 $\triangle ABC$ 绕点 B 旋转 60° 得 $\triangle A'BC'$ ，若 $AC = BC = 4$ ，求 AC' 的长。

27. 阅读：我们已经学习了平方根，立方根等概念。例如：如果 $x^2 = a$ ($a > 0$)，那么 x 叫做

a 的平方根, 即 $x = \pm\sqrt{a}$, 通过无理数的学习, 我们了解: 有理数和无理数统称为实数, 即数从有理数扩充到了实数范围. 在学习过程中我们又知道“负数没有平方根”, 即在实数范围内的任何一个数 x 都无法使得 $x^2 = -1$ 成立. 现在, 我们设想引入一个新数 i , 使得 $i^2 = -1$ 成立, 且这个新数 i 与实数之间, 仍满足实数范围内加法和乘法运算, 以及交换律、结合律, 包括乘法对加法的分配律. 把任意实数 b 与 i 的相乘记作 bi , 任意实数 a 与 bi 相加记作 $a+bi$. 由此, 我们将形如 $a+bi$ (a, b 均为实数) 的数叫做复数, 其中 i 叫虚数单位, a 叫做复数的实部, b 叫做复数的虚部. 对于复数 $a+bi$ (a, b 均为实数), 当且仅当 $b=0$ 时, 它是实数; 当且仅当 $a=b=0$ 时, 它是实数 0; 当 $b \neq 0$ 时, 它叫做虚数; 当 $a=0$ 且 $b \neq 0$ 时, 它是纯虚数. 例如 $3+2i, \frac{1}{2}-\sqrt{3}i, -\sqrt{3}-\frac{1}{2}i, -\frac{3}{2}i$ 都是虚数, 它们的实部分别是 $3, \frac{1}{2}, -\sqrt{3}, 0$, 虚部分别是 $2, -\sqrt{3}, -\frac{1}{2}, -\frac{3}{2}$, 并且以上虚数中只有 $-\frac{3}{2}i$ 是纯虚数.

阅读理解以上内容, 解决下列问题:

(1) 化简: $-2i^2 = \underline{\hspace{2cm}}$; $(-i)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$.

(2) 已知复数: $m^2 - 1 + (m+1)i$ (m 是实数)

①若该复数是实数, 则实数 $m = \underline{\hspace{2cm}}$;

②若该复数是纯虚数, 则实数 $m = \underline{\hspace{2cm}}$.

(3) 已知等式: $(\frac{1}{2}x - y + 3) + (x + 2y - 1)i = 0$, 求实数 x, y 的值.

28. 【观察发现】

(1) 如图 1, $AC=BC, CE=CD, \angle ECD=\angle ACB=60^\circ$ 且点 B, C, E 在一条直线上, 连接 BD 和 AE , BD, AE 相交于点 P , 则线段 BD 与 AE 的数量关系是 $\underline{\hspace{2cm}}$, $\angle DPE$ 的度数是 $\underline{\hspace{2cm}}$. (只要求写出结论, 不必说出理由)

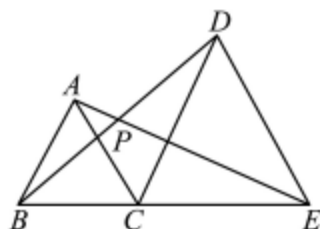
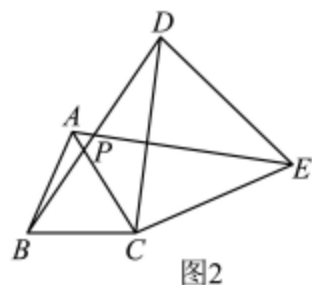


图1

【深入探究 1】

(2) 如图 2, $AC=BC, CE=CD, \angle ECD=\angle ACB=60^\circ$, 连接 BD 和 AE , BD, AE 相交于点 P , 猜想线段 BD 与 AE 的数量关系, 以及 $\angle DPE$ 的度数. 请说明理由



结论：_____

理由：

【深入探究2】

(3)如图3, $AC=BC$, $CE=CD$, 且 $\angle ACB=\angle DCE=90^\circ$, 连接 AD 、 BE , Q 为 AD 中点, 连接 QC 并延长交 BE 于 K .

求证: $QK \perp BE$;

