

2022-2023 学年八年级下学期期中模拟测试

数学试题

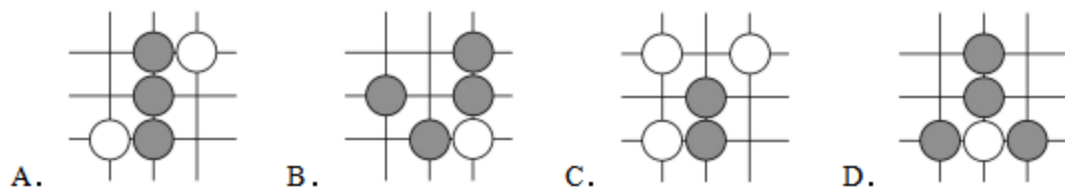
试卷满分：140 分；考试时间：90 分钟

班级：_____ 姓名：_____ 学号：_____

第I卷（选择题）

一、选择题（共 8 小题，满分 24 分）

1. 围棋起源于中国，古代称之为“弈”，至今已有 4000 多年的历史．2017 年 5 月，世界围棋冠军柯洁与人工智能机器人 *AlphaGo* 进行围棋人机大战．截取首局对战棋谱中的四个部分，由黑白棋子摆成的图案是中心对称的是（ ）



2. 足球运动是全球体育界最具影响力的单项体育运动，故有世界第一大运动的美称，为了解某学校校园足球参与学生数占学校总人数的百分比，最合适的统计图表是（ ）

A. 折线统计图 B. 条形统计图 C. 扇形统计图 D. 统计表

3. 为了解某市参加中考的 26000 名学生的身高情况，抽查了其中 1300 名学生的身高进行统计分析，下面叙述正确的是（ ）

A. 26000 名学生是总体 B. 1300 名学生的身高是样本
C. 样本容量是 1300 名 D. 这次调查是全面调查

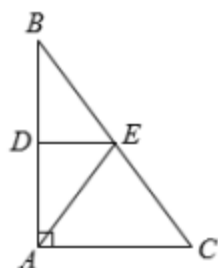
4. 下列事件中，是随机事件的是（ ）

A. 在宜阳县城 22 点能看见太阳
B. 抛一枚质地均匀硬币正面朝上
C. 投掷一枚普通的正方体骰子，掷得的数不是偶数就是奇数
D. 在一个只装有 4 个红球的不透明的袋子里摸出一个球是红球．

5. 质地均匀的骰子六个面分别刻有 1 到 6 的点数，掷一次骰子，得到向上一面的点数，则下列事件中，发生可能性最大的是（ ）

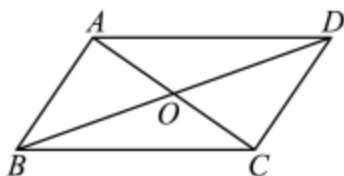
A. 点数是偶数 B. 点数是 1 C. 点数是 5 的倍数 D. 点数是 3 的倍数

6. 如图，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle BAC = 90^\circ$ ， D 、 E 分别是 AB 、 BC 的中点，连接 AE 、 DE ，若 $DE = \frac{9}{2}$ ， $AE = \frac{15}{2}$ ，则点 A 到 BC 的距离是（ ）



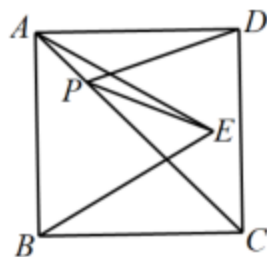
- A. 4.8 B. 7.2 C. 10 D. 12

7. 如图，四边形 $ABCD$ 是平行四边形， O 是对角线 AC 与 BD 的交点， $AB \perp AC$ ，若 $AB=8$ ， $AC=12$ ，则 BD 的长是（ ）



- A. 20 B. 21 C. 22 D. 23

8. 如图正方形 $ABCD$ 的面积为 24， $\triangle ABE$ 是等边三角形，点 E 在正方形 $ABCD$ 内，在对角线 AC 上有一动点 P ，要使 $PD+PE$ 最小，则这个最小值为（ ）



- A. $\sqrt{3}$ B. $2\sqrt{3}$ C. $2\sqrt{6}$ D. $\sqrt{6}$

第II卷（非选择题）

二、填空题（共 10 小题，满分 40 分）

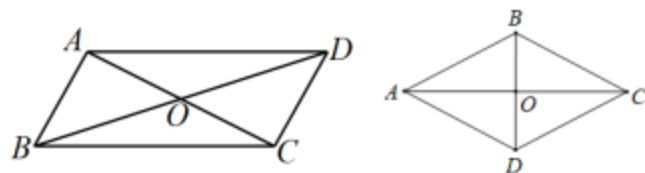
9. 下列调查：①调查一批灯泡的寿命；②调查某城市居民家庭收入情况；③调查某班学生的视情况；④调查某种袋装食品是否含有防腐剂；⑤调查神舟飞船的设备零件的质量状况．其中适合抽样调查的是_____（填所有序号）

10. 为了了解某校初一年级 400 名学生每天完成作业所用时间的情况，从中对 40 名学生每天完成作业所用时间进行了抽查．在这个问题中，样本容量是_____．

11. 为了解一组数据的分布情况，我们可以将一个样本的 50 个数据分成 5 组，若第 1、2、3、4 组的频数分别为 2、8、15、15，则第 5 组的频率为_____．

12. 一次围棋比赛中，小明和小红分别以 100%、80% 的胜率闯进决赛，在二人的对决中，小明的获胜概率_____．（填“大”，“小”，“一样大”）

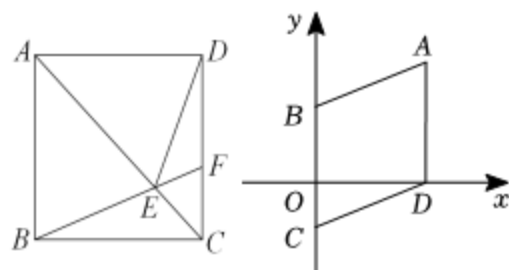
13. 如图,在□ $ABCD$ 中, $AD=10$,对角线 AC 与 BD 相交于点 O , $AC+BD=22$,则 $\triangle BOC$ 的周长为_____.



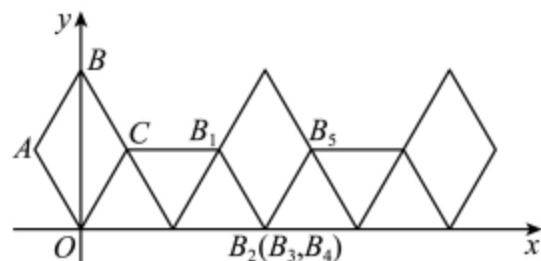
14. 如果正方形的对角线长为 2, 则正方形的面积是_____.

15. 如图,菱形 $ABCD$ 周长为 40, 对角线 $BD=12$, 则菱形 $ABCD$ 的面积为_____.

16. 如图,在正方形 $ABCD$ 中,点 F 为边 CD 上一点, BF 与 AC 交于点 E .若 $\angle CBF=20^\circ$,则 $\angle AED$ 的大小为_____度.



17. 如图,在平面直角坐标系中,菱形 $ABCD$ 的顶点 D 在 x 轴上,边 BC 在 y 轴上,若点 A 的坐标为 $(12,13)$, 则点 B 的坐标为_____.

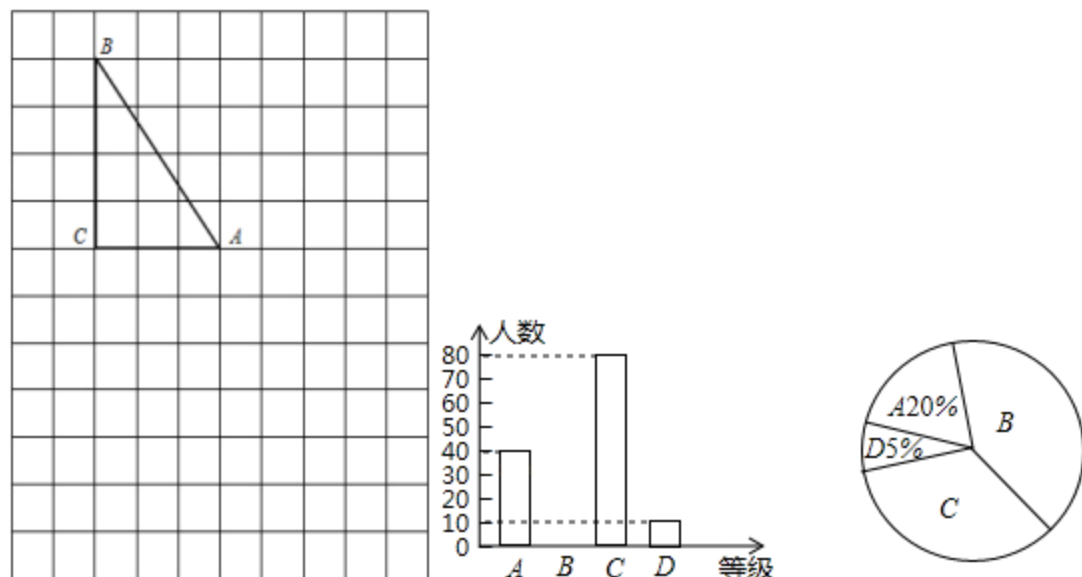


18. 如图,在平面直角坐标系中放置一菱形 $OABC$, $\angle ABC=60^\circ$,点 B 在 y 轴上, $OA=1$,将菱形 $OABC$ 沿 x 轴的正方向无滑动翻转,每次翻转 60° ,连续翻转 2022 次,点 B 的落点依次为 $B_1, B_2, B_3, \dots$, 则点 B_{2022} 的坐标为_____.

三、解答题 (共 8 小题, 满分 76 分)

(10 分) 19. 在如图网格图中, 每个小正方形的边长均为 1 个单位, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=3$, $BC=4$.

- (1) 试在图中作出 $\triangle ABC$ 以 A 为旋转中心, 沿顺时针方向旋转 90° 后的图形 $\triangle AB_1C_1$;
- (2) 若点 B 的坐标为 $(-3, 5)$, 试在图中画出直角坐标系, 并直接写出 A 、 C 两点的坐标;
- (3) 根据(2)的坐标系作出与 $\triangle ABC$ 关于原点对称的图形 $\triangle A_2B_2C_2$, 并直接写出点 A_2 、 B_2 、 C_2 的坐标.



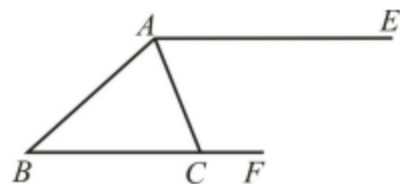
(8分) 20. 《中国诗词大会》第五季的播出，掀起了小朋友们学背诗词的热潮. 某小学对学生近两个月新背诗词的数量进行了问卷调查，并把调查的结果“0~20首”、“20~40首”、“40~60首”、“60首以上”分别记作 A, B, C, D 四个等级；根据调查结果绘制出如图所示的尚不完整的扇形统计图和条形统计图，请结合图中所给信息解答下列问题：

- (1) 这次活动共调查了_____人；
- (2) 在扇形统计图中，表示“C”等级的扇形的圆心角度数为_____；
- (3) 将条形统计图补充完整.
- (4) 假设这所学校有 4000 名学生，请据此估计近两个月新背诗词数量多于 40 首的学生有多少人？

(8分) 21. 如图， $AE \parallel BF$ ， AC 平分 $\angle BAE$ ，且交 BF 于点 C .

(1) 作 $\angle ABF$ 的平分线交 AE 于点 D (尺规作图，保留痕迹，不写作法)；

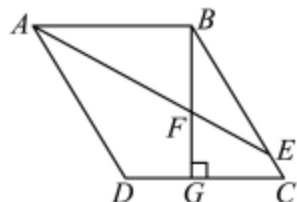
(2) 根据 (1) 中作图，连接 CD ，求证：四边形 $ABCD$ 是菱形.



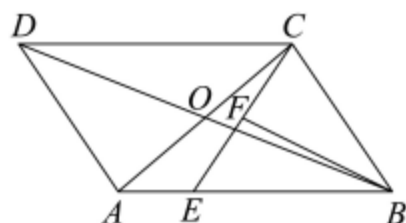
(8分) 22. 平行四边形 $ABCD$ 中, BG 垂直于 CD , 且 $AB=BG=BE$, AE 交 BG 于点 F .

(1) 若 $AB=3$, $\angle BAD=60^\circ$, 求 CE 的长;

(2) 求证: $AD=BF+CG$.



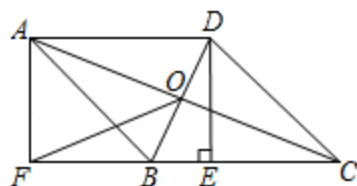
(8分) 23. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, 对角线 AC, BD 相交于点 O , $\angle BCD$ 的平分线交边 AB 于点 E , $BF \perp CE$ 于点 F .



(1) 求证: $CF=EF$;

(2) 连接 OF , 若 $CD=9, AD=6$, 求 OF 的长.

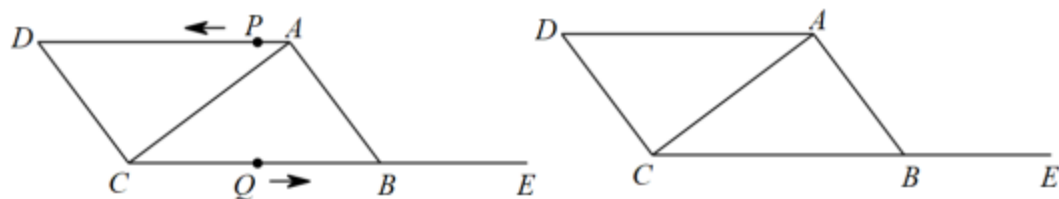
(10分) 24. 如图, $\square ABCD$ 的对角线 AC, BD 交于点 O , 过点 D 作 $DE \perp BC$ 于 E , 延长 CB 到点 F , 使 $BF=CE$, 连接 AF, OF .



(1) 求证: 四边形 $AFED$ 是矩形.

(2) 若 $AD=7, BE=2, \angle ABF=45^\circ$, 试求 OF 的长.

(12分) 25. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, $\angle BAC = 90^\circ$, $CD = 3$, $AC = 4$. 动点 P 从点 A 出发沿 AD 以 1cm/s 速度向终点 D 运动, 同时点 Q 从点 C 出发, 以 4cm/s 速度沿射线 CB 运动, 当点 P 到达终点时, 点 Q 也随之停止运动, 设点 P 运动的时间为 t 秒 ($t > 0$).



(1) CB 的长为_____.

(2) 用含 t 的代数式表示线段 QB 的长.

(3) 连接 PQ

① 是否存在 t 的值, 使得 PQ 与 AC 互相平分? 若存在, 求出 t 的值; 若不存在, 请说明理由;

② 是否存在 t 的值, 使得 PQ 与 AB 互相平分? 若存在, 求出 t 的值; 若不存在, 请说明理由.

(4) 若点 P 关于直线 AQ 对称的点恰好落在直线 AB 上, 请直接写出 t 的值.

(12分) 26. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于两个点 P, Q 和图形 W , 如果在图形 W 上存在点 M, N (M, N 可以重合) 使得 $PM = QN$, 那么称点 P 与点 Q 是图形 W 的一对平衡点.

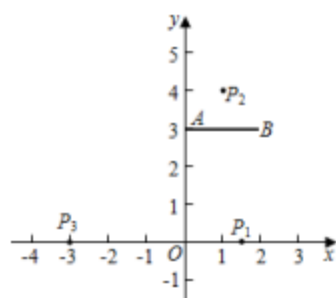


图 1

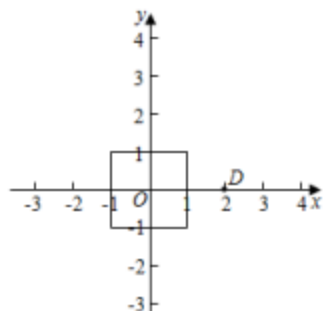


图 2

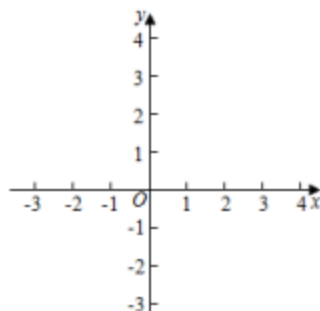


图 3

(1) 如图 1, 已知点 $A(0,3)$, $B(2,3)$.

①设点 O 与线段 AB 上一点的距离为 d ，则 d 的最小值是____，最大值是____；

②在 $P_1(\frac{3}{2}, 0)$ ， $P_2(1, 4)$ ， $P_3(-3, 0)$ 这三个点中，与点 O 是线段 AB 的一对平衡点的是____；

(2)如图 2，已知正方形的边长为 2，一边平行于 x 轴，对角线的交点为点 O ，点 D 的坐标为 $(2, 0)$ ．若点 $E(x, 2)$ 在第一象限，且点 D 与点 E 是正方形的一对平衡点，求 x 的取值范围；

(3)已知点 $F(-2, 0)$ ， $G(0, 2)$ ，某正方形对角线的交点为坐标原点，边长为 $a(a \leq 2)$ ．若线段 FG 上的任意两个点都是此正方形的一对平衡点，直接写出 a 的取值范围．

参考答案

一、选择题（共 8 小题，满分 24 分）

1、A

2、C

3、B

4、B

5、A

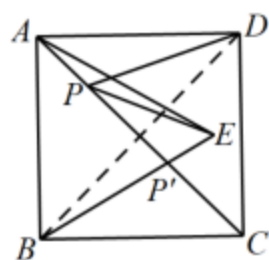
6、B

7、A

8、C

【详解】

解：设 BE 与 AC 交于点 P' ，连接 BD 。



$\because$ 点 B 与 D 关于 AC 对称， $\therefore P'D = P'B$ ， $\therefore P'D + P'E = P'B + P'E = BE$ 最小。 $\because$ 正方形 $ABCD$ 的面积为 24， $\therefore AB = 2\sqrt{6}$ ，又 $\because \triangle ABE$ 是等边三角形， $\therefore BE = AB = 2\sqrt{6}$ 。

二、填空题（共 10 小题，满分 40 分）

9. ①②④

10. 40

11. 20%

12. 一样大

13. 21

14. 2

15. 96

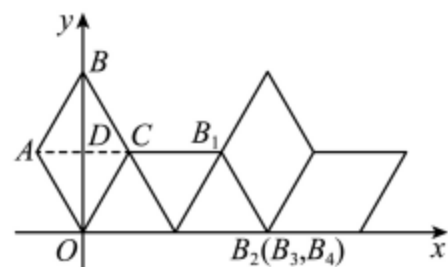
16. 65

17. (0,8)

18. $(1348, \sqrt{3})$

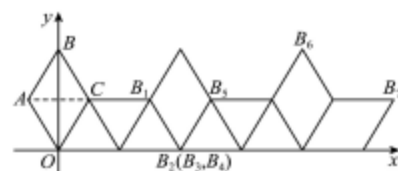
【详解】

解：连接 AC ， AC 与 OB 交于点 D ，如图所示：



$\therefore$ 四边形 $OABC$ 是菱形， $\therefore OA = AB = BC = OC$ ， $AC \perp BO$ ，
 $AD = \frac{1}{2} AC$ ， $OB = 2OD$ ， $\because \angle ABC = 60^\circ$ ， $\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形， $\therefore AC = AB$ ，
 $\therefore AC = OA$ ， $\because OA = 1$ ， $\therefore AC = 1$ ， $\therefore AD = \frac{1}{2} AC = \frac{1}{2}$ ， $\therefore OD = \sqrt{OA^2 - AD^2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ，

$\therefore OB = 2OD = \sqrt{3}$ ， $\therefore B$ 的坐标为 $(0, \sqrt{3})$ ，画出第 5 次、第 6 次、第 7 次翻转后的图形，如图所示：



由图可知：每翻转 6 次，图形向右平移 4， $\because 2022 = 337 \times 6$ ，

三、解答题（共 8 小题，满分 76 分）

19.

(1) 见解析；

(2) $(0, 1)$ ， $(-3, 1)$ ；

(3) $(0, -1)$ ， $(3, -5)$ ， $(3, -1)$ 。

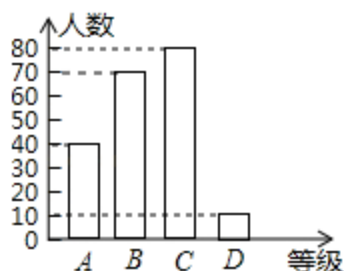
20. (1) 200；(2) 144° ；(3) 画图见解析；(4) 1800 人。

【详解】

解：(1) 这次活动共调查的人数是： $40 \div 20\% = 200$ （人）；

(2) “C”等级的扇形的圆心角度数为： $360^\circ \times \frac{80}{200} = 144^\circ$ ；

(3) B 等级的人数是： $200 - 40 - 80 - 10 = 70$ （人），补全统计图如下：

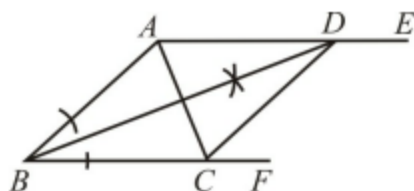


(4) 根据题意得： $4000 \times (40\% + 5\%) = 1800$ （人），

21.

【详解】

(1) 解：如图，射线 BD 为所求；



(2) 证明: $\because AE \parallel BF, \therefore \angle DAC = \angle ACB$.

$\because AC$ 平分 $\angle BAE, \therefore \angle DAC = \angle BAC, \therefore \angle ACB = \angle BAC, \therefore AB = BC$. 同理可证 $AB = AD$,
 $\therefore AD = BC$. 又 $\because AD \parallel BC, \therefore$ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形. 又 $\because AB = BC, \therefore$ 四边形 $ABCD$ 是菱形.

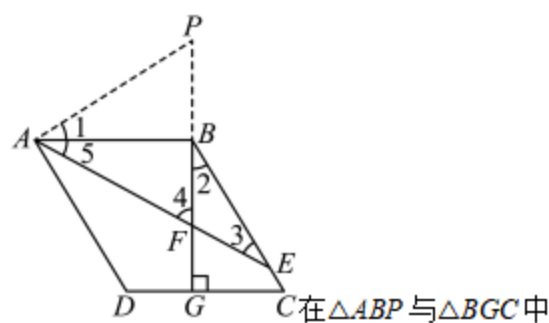
22. (1) $CE = 2\sqrt{3} - 3$; (2) 见解析

【详解】

(1) 解: 在平行四边形 $ABCD$ 中, $\angle BAD = \angle C = 60^\circ$.

$\because BG$ 垂直于 $CD, \therefore \angle BGC = 90^\circ, \angle GBC = 30^\circ, \therefore BC = 2GC$. 又 $\because AB = BG = BE = 3, BC^2 = BG^2 + GC^2$,
 $\therefore (2GC)^2 = 3^2 + GC^2, \therefore GC = \sqrt{3}, \therefore BC = 2\sqrt{3}, \therefore CE = BC - BE = BC - BG = 2\sqrt{3} - 3$;

(2) 证明: 如图, 延长 GB 至点 P , 使 $BP = GC$.



$$\left\{ \begin{array}{l} AB = BG \\ \angle ABP = \angle BGC = 90^\circ \\ BP = GC \end{array} \right., \therefore \triangle ABP \cong \triangle BGC \text{ (SAS)}, \therefore$$
 $BC = AP = AD, \angle 1 = \angle 2. \therefore \angle 4 = \angle 2 + \angle 3$. 又 $\because AB = BE, \therefore \angle 5 = \angle 3, \therefore \angle 1 + \angle 5 = \angle 2 + \angle 3 = \angle 4$, 即 $\angle PAF = \angle 4, \therefore AP = PF$.

$\therefore PF = PB + BF = GC + BF, \therefore AD = BF + CG$.

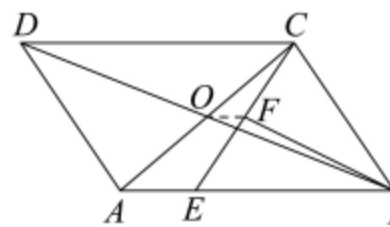
23. (1) 见解析 (2) OF 的长为 1.5.

(1) 证明: 在 $\square ABCD$ 中, AB 与 CD 平行,

$\therefore \angle DCE = \angle BEC, \because CE$ 平分 $\angle BCD, \therefore \angle DCE = \angle BCE, \therefore \angle BEC = \angle BCE$,

$\therefore BC = BE, \because BF \perp CE, \therefore CF = EF$;

(2) 解: 连接 OF ,


 $\square ABCD$ 中, $OC = OA, AB = CD = 9, BC = AD = 6$,

$\therefore BE=6$, $\therefore AE=AB-BE=9-6=3$, $\because OC=OA$, $CF=EF$, $\therefore OF$ 是 $\triangle ACE$ 的中位线,

$$\therefore OF = \frac{1}{2} AE = 1.5.$$

24. (1) 见解析 (2) $\frac{13}{2}$

【详解】

(1) 证明: $\because$ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, $\therefore AD=BC$, $AD \parallel BC$, $\because BF=CE$, $\therefore FE=BC$, $\therefore FE=AD$, $\therefore$ 四边形 $AFED$ 是平行四边形, $\because DE \perp BC$, $\therefore \angle DEF=90^\circ$, $\therefore$ 四边形 $AFED$ 是矩形.

(2) 解: 由 (1) 得: $\angle AFE=90^\circ$, $FE=AD$, $\because AD=7$, $BE=2$, $\therefore FE=7$, $\therefore FB=FE-BE=5$, $\therefore CE=BF=5$,

$\therefore FC=FE+CE=7+5=12$, $\because \angle ABF=45^\circ$, $\therefore \triangle ABF$ 是等腰直角三角形, $\therefore AF=FB=5$,

在 $Rt\triangle AFC$ 中, 由勾股定理得: $AC=\sqrt{AF^2+FC^2}=\sqrt{5^2+12^2}=13$, $\because$ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, $\therefore$

$$OA=OC, \therefore OF=\frac{1}{2}AC=\frac{13}{2}.$$

25.

(1) 5

$$(2) \begin{cases} QB=5-4t & (0 < t \leq \frac{5}{4}) \\ QB=4t-5 & (t > \frac{5}{4}) \end{cases} \text{ 或}$$

(3) ① 不存在, 理由见解析; ② 存在, t 的值为 $\frac{5}{3}$

(4) t 的值为 $\frac{1}{2}$ 或 2

【详解】

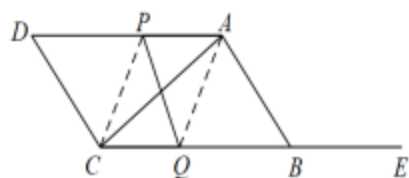
(1) $\because$ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, $\therefore AB=DC=3$,

$\because \angle BAC=90^\circ$, $\therefore BC=\sqrt{AC^2+AB^2}=\sqrt{4^2+3^2}=5$, (2) 在 $\square ABCD$ 中, $AD=BC$, $AD \parallel BC$,

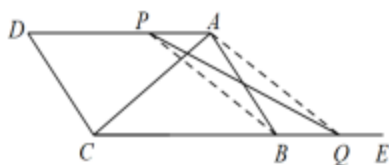
由题意得, $CQ=4t$, 当点 Q 与点 B 重合时, $4t=5$, $\therefore t=\frac{5}{4}$ s, 当点 Q 在线段 BC 上时,

$QB=BC-CQ=5-4t$, 当点 Q 在线段 CB 的延长线上时, $QB=CQ-BC=4t-5$,

(3) ① 不存在, 理由如下: 如图, 连接 PC , AQ ,



图①



图②

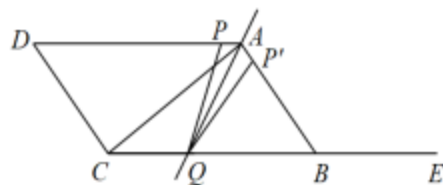
若 PQ 与 AC 互相平分, 则四边形 $APCQ$ 是平行四边形, $\therefore AP = CQ$, $\because AP = t$, $CQ = 4t$, $\therefore t = 4t$,

解得 $t = 0$ (不合题意), $\therefore$ 不存在 t 的值, 使得 PQ 与 AC 互相平分;

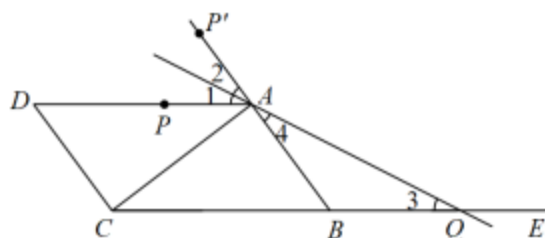
②存在, 如图, 连接 PB , AQ , 若 PQ 与 AB 互相平分, 则四边形 $APBQ$ 是平行四边形, $\therefore AP = BQ$,

$\therefore t = 4t - 5$, $\therefore t = \frac{5}{3}$, $\therefore$ 当 $t = \frac{5}{3}$ 时, PQ 与 AB 互相平分;

(4) 当点 P 关于直线 AQ 对称的点落在点 A 下方时, 如图,



图③



图④

由对称得, $\angle PAQ = \angle P'AQ$, $\because AD \parallel BC$, $\therefore \angle PAQ = \angle AQB$, $\therefore \angle P'AQ = \angle AQB$, 即 $\angle BAQ = \angle AQB$,

$\therefore BQ = AB = 3$, $\therefore CQ = BC - BQ = 2$, $\therefore 4t = 2$, 解得 $t = \frac{1}{2}$;

当点 P 关于直线 AQ 对称的点落在点 A 上方时, 如图, 由对称得, $\angle 1 = \angle 2$,

$\because AD \parallel BC$, $\therefore \angle 1 = \angle 3$, $\because \angle 2 = \angle 4 \therefore \angle 3 = \angle 4$, $\therefore BQ = AB = 3$, $\therefore CQ = BC + BQ = 8$,

$\therefore 4t = 8$, 解得 $t = 2$, 综上所述, t 的值为 $\frac{1}{2}$ 或 2 .

26. (1) ① $3, \sqrt{13}$; ② P_1 (2) $0 < x \leq 4$ (3) $6\sqrt{2} - 8 \leq a \leq 2$

【详解】

(1) 解: ①由题意知: $OA = 3$, $OB = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$, 则 d 的最小值是 3 , 最大值是 $\sqrt{13}$;

②如图 1，过 P_1 作 $P_1N \perp AB$ 于 N ，

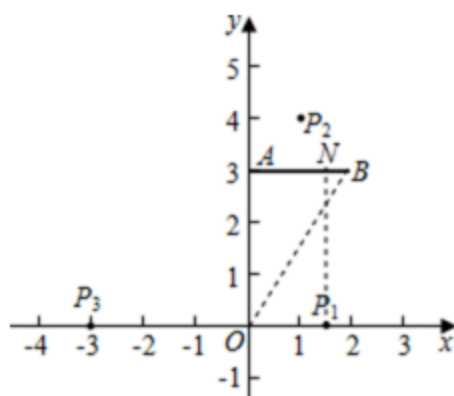


图 1

$\because P_1N=OA=3$ ， $\therefore$ 根据平衡点的定义，点 P_1 与点 O 是线段 AB 的一对平衡点；

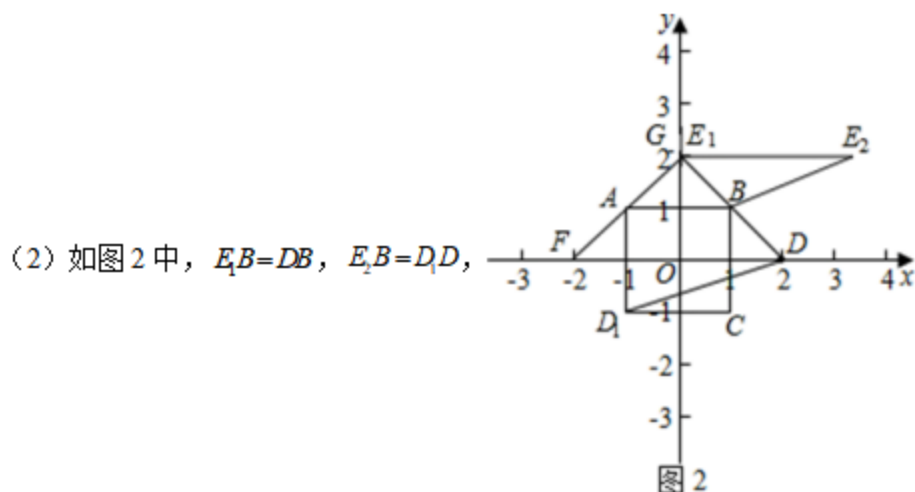


图 2

且 M, N 均在正方形上，符合平衡点的定义， $\therefore 0 < x \leq 4$ ；(3) 如图 2，正方形 $ABCD$ 边长为 2， F ，

G 上任意两点关于 AC 是一对平衡点，且 AC, BD 的交点是 O ，则 $2 - \frac{a}{2} \leq d(F) \leq 2 + \frac{a}{2}$ ，

$2 - \frac{\sqrt{2}}{2}a \leq d(G) \leq \sqrt{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}a$ ， $\therefore 2 - \frac{a}{2} \leq a \leq \sqrt{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}a$ ， $\therefore a \geq 6\sqrt{2} - 8$ ，

$\therefore 6\sqrt{2} - 8 \leq a \leq 2$ 。