

# 备战 2023 年中考考前冲刺全真模拟卷（苏州）

## 数学试卷

本卷满分 130 分，考试时间 120 分钟。

一、选择题（本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分。每小题只有一个选项是符合题意的）

1. 计算结果等于 2 的是（ ）

- A.  $| -2 |$       B.  $-| 2 |$       C.  $2^{-1}$       D.  $(-2)^0$

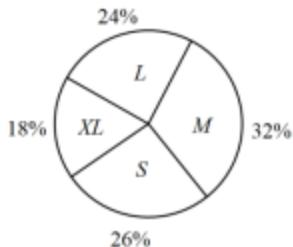
2. 函数  $y = \sqrt{4-x}$  中自变量  $x$  的取值范围是（ ）

- A.  $x > 4$       B.  $x < 4$       C.  $x \geq 4$       D.  $x \leq 4$

3. 下列运算正确的是（ ）

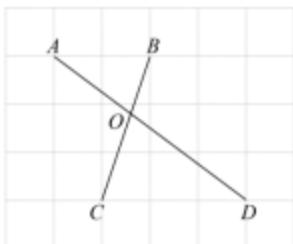
- A.  $2m - m = 1$       B.  $m^2 \cdot m^3 = a^6$   
C.  $(mn)^2 = m^2 n^2$       D.  $(m^3)^2 = m^5$

4. 如图是某品牌运动服的 S 号, M 号, L 号, XL 号的销售情况统计图，则厂家应生产最多的型号为（ ）



- A. S 号      B. M 号      C. L 号      D. XL 号

5. 如图，点 A、B、C、D 在网格中小正方形的顶点处，AD 与 BC 相交于点 O，小正方形的边长为 1，则 AO 的长等于（ ）



- A. 2      B.  $\frac{7}{3}$       C.  $\frac{6\sqrt{2}}{5}$       D.  $\frac{9\sqrt{2}}{5}$

6. 将一枚飞镖任意投掷到如图所示的正六边形镖盘上，若飞镖落在镖盘上各点的机会相等，则飞镖落在阴影区域的概率为（ ）

A. B. C. D.

7. 我国古代《算法统宗》里有这样一首诗：“我问开店李三公，众客都来到店中，一房七客多七客，一房九客一房空。”诗中后面两句的意思是：如果一间客房住 7 人，那么有 7 人无房可住；如果一间客房住 9 人，那么就空出一间客房。若设该店有客房  $x$  间，房客  $y$  人，则列出关于  $x$ 、 $y$  的二元一次方程组正确的是（ ）

A. B. C. D.

8. 在每个小正方形的边长为 1 的网格图形中，每个小正方形的顶点称为格点。如图，在  $6 \times 6$  的正方形网格图形  $ABCD$  中， $M$ 、 $N$  分别是  $AB$ 、 $BC$  上的格点， $BM=4$ ， $BN=2$ 。若点  $P$  是这个网格图形中的格点，连接  $PM$ 、 $PN$ ，则所有满足  $\angle MPN=45^\circ$  的  $\triangle PMN$  中，边  $PM$  的长的最大值是（ ）

A. B. 6 C. D.

二、填空题（本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分。）

9. 写出一个大于 2 的无理数 \_\_\_\_\_。

10. 因式分解  $x^3 - 9x =$  \_\_\_\_\_。

11. 方程 \_\_\_\_\_ 的解为 \_\_\_\_\_。

12. 在平面直角坐标系 中，若点 在反比例函数 的图象上，则 \_\_\_\_\_  
(填“ $>$ ”“ $=$ ”或“ $<$ ”)

13. 如图是以点  $O$  为圆心， $AB$  为直径的圆形纸片，点  $C$  在  $\odot O$  上，将该圆形纸片沿直线  $CO$  对折，点  $B$  落在  $\odot O$  上的点  $D$  处（不与点  $A$  重合），连接  $CB$ 、 $CD$ 、 $AD$ 。设  $CD$  与直径  $AB$  交于点  $E$ 。若  $AD=ED$ ，则  $\angle B=$  \_\_\_\_\_ 度。

14. 如图，在 $\square$ 中， 分别以点 $A$ ， $B$ 为圆心，以大于 的长为半径画弧，两弧交于点 $E$ 和点 $F$ ；作直线 $EF$ ，交 $AC$ 于点 $G$ ，连接 $GB$ . 若 $GB$ 与 $BC$ 恰好垂直，则 $CG$ 的长为\_\_\_\_\_.

15. 若二次函数 的图象上有且只有三个点到 $x$ 轴的距离等于 $m$ ，则 $m$ 的值为\_\_\_\_\_.

16. 如图，正方形 的边长为 $8$ ， 为 上一点，且 ， 为 边上的一个动点，连接 ，以 为边向右侧作等边 ，连接 ，则 的最小值为\_\_\_\_\_.

### 三、解答题（本大题共 11 小题，共 82 分.）

17. (5 分) 计算：

18. (5 分) 解不等式组：

19. (6 分) 先化简 ，然后从 的范围内选取一个合适的整数作为 $a$ 的值代入求值.

20. (6 分) 甲、乙两个人住同一小区，小区内有 $A$ 、 $B$ 、 $C$ 三家药店，甲、乙两人随机挑选一家药店买退烧药. 而 $A$ 药店退烧药缺货，其他两家退烧药充足.

- (1) 甲买到退烧药的概率是\_\_\_\_\_；  
(2) 利用画树状图或列表的方法，求甲、乙都买到退烧药的概率.

21. (6分) 如图，在\_\_\_\_\_中，\_\_\_\_\_，点  $D$ 、 $E$  分别在\_\_\_\_\_上，且\_\_\_\_\_，连接\_\_\_\_\_，将线段\_\_\_\_\_绕点  $C$  按顺时针方向旋转\_\_\_\_\_后得到\_\_\_\_\_，连接\_\_\_\_\_.

- (1) 求证：\_\_\_\_\_；  
(2) 若\_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_，求\_\_\_\_\_的长.

22. (8分) 为了解某校九年级学生开展“综合与实践”活动的情况，抽样调查了该校 名九年级学生上学期参加“综合与实践”活动的天数，并根据调查所得的数据绘制了如下尚不完整的两幅统计图. 根据图表信息，解答下列问题：

- (1) \_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_；  
(2) 补全条形统计图；  
(3) 根据抽样调查的结果，请你估计该校九年级 2000 名学生中上学期参加“综合与实践”活动 4 天及以上的人数.

23. (8分) 如图, 直线 $\ell$ 与双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 交于点 $A$ 和点 $B$ , 过点 $A$ 作 $x$ 轴, 垂足为 $C$ .

(1)求直线 $\ell$ 和双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 的解析式;

(2)连接 $AB$ , 求 $\triangle ABC$ 的面积.

(3)在 $x$ 轴上找一点 $P$ , 使 $\triangle PAB$ 的值最大, 请直接写出满足条件的点 $P$ 的坐标.

24. (8分) 如图,  $AB$ 为 $\odot O$ 的弦,  $CD$ 交 $AB$ 于点 $M$ , 交过点 $M$ 的直线于点 $N$ , 且 $AN = BN$ .

(1)试判断直线 $CD$ 与 $AB$ 的位置关系, 并说明理由;

(2)若 $AN = BN = 5$ , 求 $CD$ 的长.

25. (10分) 某运动器材批发市场销售一种篮球, 每个篮球进价为50元, 规定每个篮球的售价不低于进价, 经市场调查, 每月的销售量 $y$ (个)与每个篮球的售价 $x$ (元)满足一次函数关系, 部分数据如下表:

售价 $x$	60	62	64
销售量 $y$	500	480	460

- (1)求  $y$  与  $x$  之间的函数关系式；(不需求自变量  $x$  的取值范围)
- (2)该批发市场每月想从这种篮球销售中获利 8000 元，又想尽量多给客户实惠，应如何给这种篮球定价？
- (3)物价部门规定，该篮球的每个利润不允许高于进货价的  $\frac{1}{3}$ ，设销售这种篮球每月的总利润为  $w$ (元)，那么销售单价定为多少元可获得最大利润？最大利润是多少？

26. (10 分) 已知函数  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ,  $b, c$  为常数) 的图象经过点  $(0, -3)$ ,  $(-6, -3)$ .

- (1)求  $b, c$  的值.
- (2)当  $-4 \leq x \leq 0$  时，求  $y$  的最大值.
- (3)当  $m \leq x \leq 0$  时，若  $y$  的最大值与最小值之和为 2，求  $m$  的值.

27. (10 分) 有共同顶点的  $\triangle ABC$  与  $\triangle ACD$  中， $\angle BAC = \angle CAD$ ，且  $AB = AC$ ，连接  $BD$ ， $CE$ ，线段  $BD$ ， $CE$  相交于点  $H$ .

- (1)如图①，当  $\angle BAC = 60^\circ$  时， $\angle BDC$  的值是\_\_\_\_\_， $\angle BEC$  的度数是\_\_\_\_\_；
- (2)如图②，当  $\angle BAC = 90^\circ$  时，求  $\angle BDC$  的值和  $\angle BEC$  的度数，并说明理由；
- (3)如果  $\angle BAC = \alpha$ ， $\angle BDC = \beta$ ，当点  $H$  与  $\triangle ACD$  的顶点重合时，请直接写出  $\alpha$  的值.

## 参考答案

一、选择题（本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分。每小题只有一个选项是符合题意的）

1、A

【解析】解：A、 $\dots$ ，则此项符合题意；

B、 $\dots$ ，则此项不符合题意；

C、 $\dots$ ，则此项不符合题意；

D、 $\dots$ ，则此项不符合题意；

故选：A.

2、D

【解析】解： $4-x \geq 0$ ，

解得  $x \leq 4$ ，

故选：D.

3、C

【解析】解： $\dots$ ，故 A 不符合题意；

$\dots$ ，故 B 不符合题意；

$\dots$ ，故 C 符合题意；

$\dots$ ，故 D 不符合题意；

故选：C

4、B

【解析】解： $\because \dots$ ，

$\therefore$  在销量中，该品牌运动服中的众数是 M 号，

$\therefore$  厂家应生产最多的型号为 M 号。

故选：B

5、A

【解析】解： $AD = \dots$ ， $AB = 2$ ， $CD = 3$ ，

$\because AB \parallel DC$ ， $\therefore \triangle AOB \sim \triangle DOC$ ， $\therefore \dots$ ， $\therefore$  设  $AO = 2x$ ，则  $OD = 3x$ ，

$\therefore AO + OD = AD$ ， $\therefore 2x + 3x = 5$ . 解得： $x = 1$ ， $\therefore AO = 2$ ，

故选：A.

6, B

**【解析】**解：如图，

根据题意得：图中每个小三角形的面积都相等，

设每个小三角形的面积为  $a$ , 则阴影的面积为  $6a$ , 正六边形的面积为  $18a$ ,

∴将一枚飞镖任意投掷到镖盘上，飞镖落在阴影区域的概率为

故选：B

7、B

**【解析】**解：设该店有客房 $x$ 间，房客 $y$ 人；

根据题意得： $\frac{1}{2}x^2 = 1$ ，

故选：B.

8, C

**【解析】**作线段  $MN$  中点  $Q$ , 作  $MN$  的垂直平分线  $OQ$ , 并使  $OQ = \frac{1}{2}MN$ , 以  $O$  为圆心,  $OM$  为半径作圆, 如图,

因为  $OO'$  为  $MN$  垂直平分线且  $OO' = MN$ , 所以  $OO'=MO'=NO'$ ,

$$\therefore \angle OMO = \angle ONO = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle MON = 90^\circ,$$

所以弦  $MN$  所对的圆  $O$  的圆周角为  $45^\circ$ ,

所以点  $P$  在圆  $O$  上,  $PM$  为圆  $O$  的弦,

通过图像可知,当点 $P$ 在\_\_\_\_\_位置时,恰好过格点且\_\_\_\_\_经过圆心 $O$ ,

所以此时 最大，等于圆  $O$  的直径，

$$\because BM=4, BN=2,$$

$$\therefore \quad , \therefore MQ=OQ= \quad , \therefore OM= \quad ,$$

$$\therefore \quad ,$$

故选 C.

二、填空题（本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分。）

9、如 （答案不唯一）

【解析】解： $\because 2=$ ，

$\therefore$  大于 2 的无理数须使被开方数大于 4 即可，如 （答案不唯一）。

10、 $x(x+3)(x-3)$

【解析】解： $x^3-9x$ ,

$$=x(x^2-9),$$

$$=x(x+3)(x-3).$$

11、

【解析】解：

$$, \therefore \quad ,$$

经检验： 是原方程的解。

故答案为：  $x=3$ 。

12、 $>$

【解析】解： $\because k>0$ ,  $\therefore$  在每个象限内， $y$  随  $x$  的增大而减小，

$$, \therefore \quad > \quad .$$

故答案为： $>$ 。

13、36

【解析】解： $\because AD=DE$ ,  $\therefore \angle DAE=\angle DEA$ ,

$\therefore \angle DEA=\angle BEC$ ,  $\angle DAE=\angle BCE$ ,  $\therefore \angle BEC=\angle BCE$ ,

$\therefore$  将该圆形纸片沿直线  $CO$  对折,  $\therefore \angle ECO=\angle BCO$ ,

又 $\because OB=OC$ ,  $\therefore \angle OCB=\angle B$ ,

设 $\angle ECO=\angle OCB=\angle B=x$ ,  $\therefore \angle BCE=\angle ECO+\angle BCO=2x$ ,  $\therefore \angle CEB=2x$ ,

$\therefore \angle BEC+\angle BCE+\angle B=180^\circ$ ,  $\therefore x+2x+2x=180^\circ$ ,  $\therefore x=36^\circ$ ,

$\therefore \angle B=36^\circ$ ;

14、5

【解析】由作法得到 垂直平分 ， $\therefore$  ，

$\because$ 四边形 是平行四边形， $\therefore$  ，

设 ，则 ，

$\therefore$  ， $\therefore$  ，

在 中， ，

解得： ，即 的长为 5；

故答案是 5.

15、4

【解析】解： $\because$  ，

$\therefore$ 抛物线开口向上，抛物线对称轴为直线  $x=1$ ，顶点为  $(1, -4)$ ，

$\therefore$ 顶点到  $x$  轴的距离为 4，

$\therefore$ 函数图象有三个点到  $x$  轴的距离为  $m$ ，

$\therefore m=4$ ，

故答案为：4.

16、5

【解析】解：如图，以 为边作等边三角形 ，连接 ，过点 作 于 ， 于

，

又 ， 四边形 是矩形，

， $\therefore$  ， $\therefore$  ，

是等边三角形，

， $\therefore$  ， $\therefore$  ， $\therefore$  ， $\therefore$  ，

是等边三角形， $\therefore$  ， $\therefore$  ， $\therefore$  ， $\therefore$  ，

在 和 中，

当  $x = \frac{1}{2}$  时， $y$  有最小值，即  $y$  有最小值，

点与点重合时，

故答案为 5.

**三、解答题（本大题共 11 小题，共 82 分。）**

17

**【解析】解：**原式=

18.

**【解析】**解：

## 解不等式①得

解不等式②得

故所给不等式组的解集为：

19. 当时，原式 (答案不唯一)

### 【解析】解：

3

THE BOSTONIAN

的范围内，可以选取的整数有0和1。

## 当 时 原 式

20、(1) ; (2)

【解析】(1) 解：由题意知，共有 3 种等可能的情况，其中  $B$ 、 $C$  二家药店有退烧药， $A$  药店退烧药缺货，所以甲买到退烧药的概率是  $\frac{2}{3}$ ；

(2) 根据题意画图如下：

共有 9 种等可能的情况数，其中甲、乙都买到退烧药的有 4 种，则甲、乙都买到退烧药的概率是  $\frac{4}{9}$ 。

21、(1) 见解析；(2) .

【解析】(1) 证明：由旋转的性质得， $\angle A' = \angle A$ ， $\angle C' = \angle C$ ，

$\therefore \angle A' + \angle B' = \angle A + \angle B$ ， $\angle C' + \angle D' = \angle C + \angle D$ ，

在  $\triangle ABC$  和  $\triangle A'D'C'$  中， $\begin{cases} \angle A' = \angle A \\ \angle C' = \angle C \\ \angle A' + \angle B' = \angle A + \angle B \end{cases}$ ，

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle A'D'C'$ ；

(2) 解： $\because \triangle ABC \cong \triangle A'D'C'$ ，

$\therefore AB = A'D'$ ， $BC = D'C'$ ，

$\therefore AB - BC = A'D' - D'C'$ ，

$\therefore AD = CD$ ， $AD = CD$ ， $BC = D'C'$ ， $BC = D'C'$ ，

$\therefore \triangle ADC \cong \triangle C'D'A$ ，

$\therefore \angle ADC = \angle C'D'A$ ，

故答案为：200, 30；(2) 补全图形见解析；(3) 1600 人

【解析】(1) 解：由题意可得： $200 \times 30 = 6000$  (人)，

故答案为：200, 30

(2) 活动 3 天的人数为： $6000 \times 3 = 18000$  (人)，

补全图形如下：

(3) 该校九年级 2000 名学生中上学期参加“综合与实践”活动 4 天及以上的人数为：

(人).

答：估计该校九年级 2000 名学生中上学期参加“综合与实践”活动 4 天及以上的有 1600 人.

23、(1) ， ； (2) ； (3)

【解析】(1) 解：把点 代入

得： ， ∵ ， ∴ 双曲线的解析式为 ，

把点 代入 得， ， ∵ ，

把 A, B 代入 得

，解得： ， ，

∴ 直线的解析式为 ；

(2) 解：作 轴，交 延长线于 D，

∵ ， 轴，垂足为 C， ∴ 点 C 的坐标为 ， ∵ .

∴ ， ， ∵ .

∴ 的面积 .

(3) 解：如图：在 x 轴上任取一点 P，

作点  $A$  关于  $x$  轴的对称点  $A'$ ，连接  $A'$ 、 $P$ ，

根据对称性和三角形三边的关系得：

当  $A$ 、 $A'$ 、 $P$  三点共线时，

有最大值，为：

设过  $A$ 、 $A'$  的直线解析式为  $y = kx + b$ ，

则： $A(1, 0)$ ，解得：

直线的解析式为  $y = -x + 1$ ；

当  $y = 6$  时解得： $x = -5$ ，

24、(1)相切，证明见详解；(2)6

【解析】(1) 证明：连接  $OB$ ，如图所示：

， $\angle AOB = \angle OAB = 30^\circ$ ，

， $\angle AOB = \angle OAB = 30^\circ$ ，

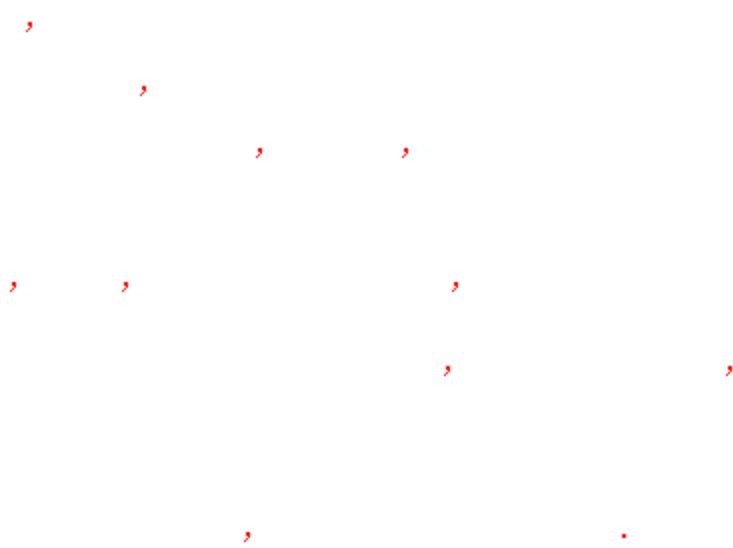
，即  $OA = OB$ ，

， $OA = OB$ ，

为半径，经过点  $O$ ，

直线  $y = -\frac{1}{2}x + 1$  与  $y = \frac{1}{2}x + 1$  的位置关系是相切.

(2) 分别作  $y = -\frac{1}{2}x + 1$  交  $AB$  于点  $M$ ,  $y = \frac{1}{2}x + 1$  交  $AB$  于  $N$ , 如图所示:



25、(1)  $y = -\frac{1}{2}x + 1$ ; (2)70 元;

(3)售价定为 75 元可获得最大利润, 最大利润是 8750 元.

【解析】(1) 解: 设  $y$  与  $x$  之间的函数关系式为  $y = kx + b$ ,

$$y = -\frac{1}{2}x + 1, \text{解得 } k = -\frac{1}{2}, b = 1,$$

即  $y$  与  $x$  之间的函数表达式是  $y = -\frac{1}{2}x + 1$ ;

(2) 解:  $y = -\frac{1}{2}x + 1$ ,

$$\text{解得 } x = 2 - 2y, \text{即 } x = 2 - 2(-\frac{1}{2}x + 1),$$

$\because$ 尽量给客户优惠,  $\therefore$ 这种衬衫定价为 70 元;

(3) 解: 由题意可得,

$$w =$$

$\because$ 该衬衫的每件利润不允许高于进货价的 50%, 每件售价不低于进货价,

$$\therefore 70 \leq x \leq 140, 70 \leq 2 - 2(-\frac{1}{2}x + 1) \leq 140,$$

$$\text{解得 } 70 \leq x \leq 140,$$

$\therefore$ 当  $x = 70$  时,  $w$  取得最大值, 此时  $w = 8750$ .

答：售价定为 75 元可获得最大利润，最大利润是 8750 元。

26、(1) $b=-6$ ,  $c=-3$ ; (2) $x=-3$  时,  $y$  有最大值为 6; (3) $m=-2$  或

【解析】(1) 解：把  $(0, -3)$ ,  $(-6, -3)$  代入  $y=$  ，得：

，解得： ；

(2) 解：由 (1) 得：该函数解析式为  $y=$  = ，

$\therefore$  抛物线的顶点坐标为  $(-3, 6)$ ,

$\because -1 < 0 \therefore$  抛物线开口向下, 又  $\because -4 \leq x \leq 0$ ,

$\therefore$  当  $x=-3$  时,  $y$  有最大值为 6.

(3) 解：由 (2) 得：抛物线的对称轴为直线  $x=-3$ ,

$\therefore$  当  $x > -3$  时,  $y$  随  $x$  的增大而减小; 当  $x \leq -3$  时,  $y$  随  $x$  的增大而增大,

①当  $-3 < m \leq 0$  时,

当  $x=0$  时,  $y$  有最小值为 -3,

当  $x=m$  时,  $y$  有最大值为 ,

$\therefore$  + (-3) = 2,

$\therefore m=-2$  或  $m=-4$  (舍去).

②当  $m \leq -3$  时,

当  $x=-3$  时,  $y$  有最大值为 6,

$\therefore y$  的最大值与最小值之和为 2,

$\therefore y$  最小值为 -4,

$\therefore$  = -4,

$\therefore m=$  或  $m=$  (舍去).

综上所述,  $m=-2$  或 .

27、(1) 1;  $60^\circ$

(2) ; 见解析

(3) 的值为 或 或 .

【解析】(1) 解： $\because$  , , 且 , ,

$\therefore$  和 都是等边三角形,  $\therefore$  ,

又 $\angle A = \angle C = 90^\circ$ ,  $AB = BC$ ,  $AD = CD$ ,  
 $AE = CE$ ,  $AF = CF$ ,  $AH = CH$ ,  $AG = CG$ ,  
 $AK = CK$ ,  $AL = CL$

故答案为: 1, 3;

(2) 解:  $\because \angle A = \angle C = 90^\circ$ , 且  $AB = BC$ ,  $AD = CD$ ,  
 $\triangle ABD$  和  $\triangle CBD$  都是等腰直角三角形,  $\angle ADB = \angle ADC = 90^\circ$ ,  
 $AB = BD = CD = BC$ ,  
又 $\angle A = \angle C = 90^\circ$ , 即  $\angle A = \angle C$ ,  
 $AB = BC$ ,  $AD = CD$ ,  $AC = AC$ ,  
 $\therefore \triangle ACD \cong \triangle CAB$  (SAS);

(3) 解: 由(2)知  $\triangle ACD \cong \triangle CAB$ ,

$\therefore \angle ACD = \angle CAB$ , ①设  $\angle ACD = \angle CAB = \alpha$ , 则  $\angle ACD = \alpha$ ,

①当  $H$  与顶点  $D$  重合时, 如图,

在  $\triangle ACD$  中,  $\angle ACD = \alpha$ ,  $\angle CAD = \angle ACD = \alpha$ ,  $\angle A = 90^\circ$ ;

②当  $H$  与顶点  $E$  重合时, 如图,

在  $\triangle ACD$  中,  $\angle ACD = \alpha$ ,  $\angle CAD = \angle ACD = \alpha$ ,  $\angle A = 90^\circ$ ,

在  $\triangle ACD$  中,  $\angle ACD = \alpha$ ,  $\angle CAD = \angle ACD = \alpha$ ,  $\angle A = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle CAD = \angle ACD = \alpha = 45^\circ$ ;

③当  $H$  与顶点  $E$  重合时, 如图,

∴  $\alpha = \beta$ ,  $\alpha = -\beta$ ,  $\alpha = \frac{\pi}{2}$ ,  $\alpha = -\frac{\pi}{2}$ ,  $\alpha = \frac{\pi}{4}$ ,  $\alpha = -\frac{\pi}{4}$

综上,  $\alpha$  的值为  $\frac{\pi}{2}$  或  $-\frac{\pi}{2}$  或  $\frac{\pi}{4}$ .